

Câu 1.(2,5 điểm) Rút gọn các biểu thức sau:

a) $3\sqrt{2} - 4\sqrt{8} + 2\sqrt{32} - \sqrt{72}$

b). $\sqrt{14 - 6\sqrt{5}} - \sqrt{21 - 8\sqrt{5}}$

c) $\frac{3 - \sqrt{3}}{\sqrt{3} - 1} + \frac{1}{2 + \sqrt{3}}$

Câu 2.(1 điểm) Tìm x biết: $\sqrt{4 + x^2} + x - 3 = 0$

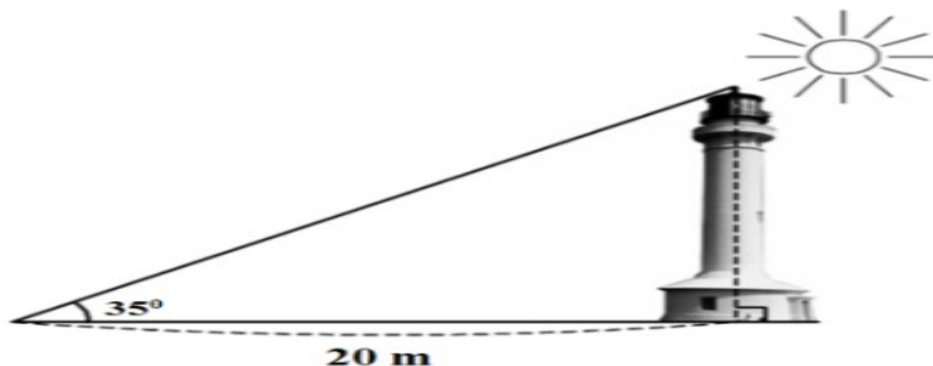
Câu 3.(2 điểm) Cho hàm số $y = -2x + 3$ có đồ thị là (d_1) và hàm số $y = x + 1$ có đồ thị là (d_2) .

a) Vẽ (d_1) và (d_2) trên cùng mặt phẳng tọa độ

b) Viết phương trình đường thẳng (d_3) : $y = ax + b$. Biết (d_3) song song với (d_1) và cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng -4 .

Câu 4.(1 điểm) Do các hoạt động công nghiệp thiếu kiểm soát của con người làm cho nhiệt độ trái đất nóng dần lên một cách đáng lo ngại. Các nhà khoa học đưa ra công thức dự báo nhiệt độ trung bình bề mặt trái đất cho bởi công thức $T = 0,02t + 5$, trong đó $T(^{\circ}\text{C})$ là nhiệt độ trung bình mỗi năm trên bề mặt trái đất, t (năm) là số năm kể từ năm 1990. Hãy tính nhiệt độ trái đất vào năm 1990 và 2020.

Câu 5.(0,5 điểm) Hải đăng Trường Sa Lớn nằm trên đảo Trường Sa Lớn - “thủ phủ” của quần đảo Trường Sa - có chiều cao là bao nhiêu? Biết rằng tia nắng mặt trời chiếu qua đỉnh của ngọn hải đăng hợp với mặt đất 1 góc 35° và bóng của ngọn hải đăng trên mặt đất dài 20m.



Câu 6.(3 điểm) Từ điểm A ngoài đường tròn $(O; R)$ vẽ hai tiếp tuyến AB, AC đến (O)

a) Chứng minh $OA \perp BC$ tại H và bốn điểm A, B, O, C cùng thuộc một đường tròn.

b) Vẽ đường kính BD của (O) , vẽ $CK \perp BD$ tại K. Chứng minh rằng: $AC \cdot CD = CK \cdot AO$

c) Tia AO cắt (O) tại M và N (M nằm giữa AN). Chứng minh: $MH \cdot NA = MA \cdot NH$

..... Hết

HƯỚNG DẪN CHẤM BÀI KIỂM TRA HỌC KỲ 1 NĂM HỌC 2019-2020

MÔN TOÁN KHỐI LỚP 9

Câu 1.(2,5 điểm) Rút gọn các biểu thức sau:

a) $3\sqrt{2} - 4\sqrt{8} + 2\sqrt{32} - \sqrt{72} = 3\sqrt{2} - 8\sqrt{2} + 8\sqrt{2} - 6\sqrt{2} = -3\sqrt{2}$ 0,25đx2

b) $\sqrt{14 - 6\sqrt{5}} - \sqrt{21 - 8\sqrt{5}} = \sqrt{(3 - \sqrt{5})^2} - \sqrt{(4 - \sqrt{5})^2} = |3 - \sqrt{5}| - |4 - \sqrt{5}|$ 0,25đx2

$= 3 - \sqrt{5} - (4 - \sqrt{5}) = -1$ 0,25đx2

c) $\frac{3 - \sqrt{3}}{\sqrt{3} - 1} + \frac{1}{2 + \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}(\sqrt{3} - 1)}{\sqrt{3} - 1} + \frac{4 - 3}{2 + \sqrt{3}} = \sqrt{3} + 2 - \sqrt{3} = 2$ 0,25đ x 4

Câu 2.(1 điểm) Tìm x biết:

$$\sqrt{4 + x^2} + x - 3 = 0 \Leftrightarrow \sqrt{4 + x^2} = 3 - x \Leftrightarrow \begin{cases} 3 - x \geq 0 \\ 4 + x^2 = 9 - 6x + x^2 \end{cases} \quad 0,5đ$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 3 \\ 6x = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 3 \\ x = \frac{5}{6} \end{cases} \Leftrightarrow x = \frac{5}{6} \text{ (nhận)} \quad 0,5đ$$

Câu 3.(2 điểm) Cho hàm số $y = -2x + 3$ có đồ thị là (d_1) và hàm số $y = x + 1$ có đồ thị là (d_2) .

a) Vẽ (d_1) và (d_2) trên cùng mặt phẳng tọa độ

Lập bảng giá trị đúng 0,25đ+0,25đ

Vẽ đúng 0,25đ+0,25đ

b) Viết phương trình đường thẳng (d_3) : $y = ax + b$. Biết (d_3) song song với (d_1) và cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng -4 .

Vì (d_3) song song với (d_1) nên $a = -2$ và $b \neq 3$ 0,25đ

Phương trình (d_3) có dạng: $y = -2x + b$ ($b \neq 3$)

Vì (d_3) cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng -4 nên điểm $(-4; 0)$ thuộc (d_3) 0,25đ

Thế tọa độ điểm $(-4; 0)$ vào phương trình (d_3) : $y = -2x + b$ ta được :

$$0 = -2 \cdot (-4) + b \Leftrightarrow b = 8 \text{ (nhận)} \quad 0,25đ$$

Vậy phương trình đường thẳng (d_3) là: $y = -2x + 8$ 0,25đ

Câu 4.(1 điểm)

Vì t (năm) là số năm kể từ năm 1990 nên:

Vào năm 1990, ta có số năm $t = 1990 - 1990 = 0$ (năm) 0,25đ

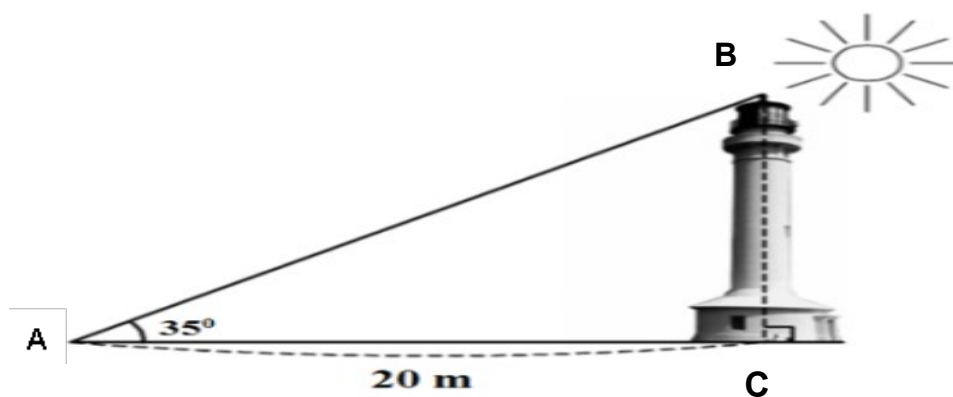
Vào năm 2020, ta có số năm $t = 2020 - 1990 = 30$ (năm) 0,25đ

Vậy :

Nhiệt độ trung bình trên bề mặt trái đất vào năm 1990 là: $T = 0,02 \cdot 0 + 5 = 5^{\circ}\text{C}$ 0,25đ

Nhiệt độ trung bình trên bề mặt trái đất vào năm 2020 là: $T = 0,02 \cdot 30 + 5 = 5,6^{\circ}\text{C}$ 0,25đ

Câu 5.(0,5 điểm)



Ta có: Tam giác ABC vuông tại C, nên:

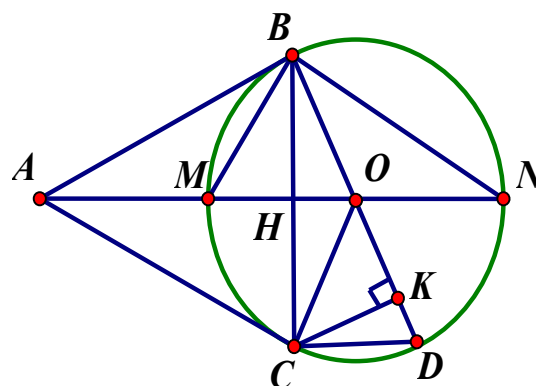
$$\tan A = \frac{BC}{AC} \Rightarrow BC = AC \cdot \tan A = 20 \times \tan 35^\circ \approx 14 \text{ (m)}$$

0,25đ x 2

Chiều cao của Hải đăng Trường Sa Lớn là khoảng 14 m

Câu 6.(3 điểm)

GT	$A \notin (O; R)$; AB, AC là 2 tiếp tuyến của (O) tại B và C. BD là đường kính của (O), $CK \perp BD$ tại K Tia AO cắt (O) tại M và N (M nằm giữa AN).
KL	a) Chứng minh $OA \perp BC$ tại H và bốn điểm A, B, O, C cùng thuộc một đường tròn b) Chứng minh: $AC \cdot CD = CK \cdot AO$ c) Chứng minh: $MH \cdot NA = MA \cdot NH$



a) Chứng minh $OA \perp BC$ tại H và bốn điểm A, B, O, C cùng thuộc một đường tròn.

Ta có: $AB = AC$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau),

$$OC = OB \text{ (gt)}$$

Suy ra: OA là trung trực của BC

0,25đ

$$\Rightarrow OA \perp BC \text{ tại H}$$

0,25đ

Ta có: $\triangle ABO$ vuông tại B và $\triangle ACO$ vuông tại C có chung cạnh huyền OA

$$\Rightarrow \triangle ABO \text{ và } \triangle ACO \text{ nội tiếp đường tròn đường kính OA.}$$

0,25đ

$$\Rightarrow \text{Bốn điểm A, B, O, C cùng thuộc một đường tròn đường kính OA.}$$

0,25đ

b) Vẽ đường kính BD của (O), vẽ $CK \perp BD$ tại K. Chứng minh rằng: $AC \cdot CD = CK \cdot AO$

Ta có: $\widehat{AOC} = \widehat{AOB}$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau)

$$\text{Mà } \widehat{AOB} = \widehat{CDK} \text{ (Cùng phụ với } \widehat{DBC})$$

$$\text{Suy ra: } \widehat{AOC} = \widehat{CDK} \quad (1)$$

0,25đ

Ta lại có: $\widehat{ACO} = \widehat{CKD} = 90^0$ (2) 0,25đ

Từ (1) và (2) suy ra: $\triangle ACO \simeq \triangle CKD$ (g-g) 0,25đ

$$\Rightarrow \frac{AC}{CK} = \frac{AO}{CD} \Rightarrow AC \cdot CD = AO \cdot CK \quad 0,25đ$$

c) Tia AO cắt (O) tại M và N (M nằm giữa AN). Chứng minh: $MH \cdot NA = MA \cdot NH$

Ta có: $\widehat{ABM} + \widehat{MBO} = 90^0$ (do AB là tiếp tuyến đường tròn)

$$\widehat{MBH} + \widehat{BMO} = 90^0 \quad (\triangle BMO \text{ cân tại } O)$$

Suy ra: $\widehat{ABM} = \widehat{MBH} \Rightarrow BM$ là đường phân giác trong của $\triangle ABH$ 0,25đ

$$\Rightarrow \frac{MH}{MA} = \frac{BH}{BA} \quad (3) \quad (\text{tính chất đường phân giác của tam giác}) \quad 0,25đ$$

Ta lại có: $BN \perp BM$ ($\triangle BMN$ nội tiếp chắn nửa đường tròn)

Nên BN là là đường phân giác ngoài của $\triangle ABH$

$$\Rightarrow \frac{NH}{NA} = \frac{BH}{BA} \quad (4) \quad (\text{tính chất đường phân giác của tam giác}) \quad 0,25đ$$

$$\text{Từ (3) và (4)} \Rightarrow \frac{MH}{MA} = \frac{NH}{NA} \Rightarrow MH \cdot NA = MA \cdot NH \quad 0,25đ$$

Nếu học sinh có cách giải khác, Thầy (Cô) dựa vào biểu điểm trên để chấm.