

Họ tên: Lớp:

Mã đề 001

Lưu ý: HS được sử dụng máy tính bỏ túi. GV coi thi thu lại để cuối giờ kiểm tra.

Bài 1 (2,5 điểm).

Giải các hệ phương trình:

$$a) \begin{cases} x - y = 1 \\ -2x + y = 3 \end{cases}$$

$$b) \begin{cases} 2(x+y) + 3(x-y) = 7 \\ 2x - 4y = 5 - x - 3y \end{cases}$$

$$c) \begin{cases} \frac{1}{x-2} + \frac{1}{2y-1} = 2 \\ \frac{2}{x-2} - \frac{3}{2y-1} = -1 \end{cases}$$

Bài 2 (1,5 điểm).

Cho hệ phương trình: $\begin{cases} x + 2y = 2 \\ mx - y = m \end{cases}$

a) Giải hệ phương trình khi $m=3$.

b) Tìm giá trị của m để hệ phương trình có nghiệm duy nhất thỏa mãn: $x + y = 1$.

Bài 3 (2,0 điểm). Giải bài toán sau bằng cách lập hệ phương trình:

Để hoàn thành một công việc, hai tổ phải làm chung trong 6 giờ. Sau 2 giờ làm chung thì tổ hai bị điều đi làm việc khác, tổ một đã hoàn thành nốt công việc còn lại trong 10 giờ. Hỏi nếu mỗi tổ làm riêng thì sau bao lâu sẽ hoàn thành công việc?

Bài 4 (3,5 điểm).

Cho đường tròn $(O; R)$. Từ một điểm A nằm bên ngoài (O) , vẽ hai tiếp tuyến AB và AC với đường tròn (B, C là các tiếp điểm). OA cắt BC tại H , kẻ dây CD song song với AB . Nối AD cắt (O) tại điểm thứ hai là E , CE cắt AB tại I . Chứng minh:

a) Bốn điểm A, B, O, C cùng thuộc một đường tròn.

b) $AB^2 = AE \cdot AD$.

c) Tứ giác $EHOD$ nội tiếp đường tròn.

d) I là trung điểm AB .

Bài 5 (0,5 điểm).

Cho $x, y > 0$ thoả mãn điều kiện: $x - y \geq 1$. Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $P = \frac{4}{x} - \frac{1}{y}$.

----- HẾT -----