

Thời gian làm bài: 90 phút;
(Không kể thời gian giao đề)

Mã đề thi 234

Họ, tên thí sinh:.....

Số báo danh:.....

Câu 1: Tìm giá trị cực tiểu y_{CT} của hàm số $y = -x^3 + 3x - 4$.

- A. $y_{CT} = -6$. B. $y_{CT} = -1$. C. $y_{CT} = -2$. D. $y_{CT} = 1$.

Câu 2: Phương trình: $\log_3(3x - 2) = 3$ có nghiệm là

- A. $x = \frac{25}{3}$. B. 87. C. $x = \frac{29}{3}$. D. $x = \frac{11}{3}$.

Câu 3: Đồ thị hàm số $y = \frac{x+1}{\sqrt{4-x^2}}$ có bao nhiêu đường tiệm cận?

- A. 4. B. 0. C. 1. D. 2.

Câu 4: Một người mỗi tháng đều đặn gửi vào ngân hàng một khoản tiền T theo hình thức lãi kép với lãi suất 0,6% mỗi tháng. Biết sau 15 tháng, người đó có số tiền là 10 triệu đồng. Hỏi số tiền T gần với số tiền nào nhất trong các số sau.

- A. 613.000 đồng. B. 645.000 đồng. C. 635.000 đồng. D. 535.000 đồng.

Câu 5: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^{2016} + x - 2}{\sqrt{2018x+1} - \sqrt{x+2018}} & \text{khi } x \neq 1 \\ k & \text{khi } x = 1 \end{cases}$. Tìm k để hàm số $f(x)$ liên tục

tại $x = 1$.

- A. $k = 2\sqrt{2019}$. B. $k = \frac{2017 \cdot \sqrt{2018}}{2}$. C. $k = 1$. D. $k = \frac{20016}{2017} \sqrt{2019}$.

Câu 6: Cho biểu thức $P = \sqrt[3]{x \cdot \sqrt[4]{x^3 \sqrt{x}}}$, với $x > 0$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $P = x^{\frac{1}{2}}$. B. $P = x^{\frac{7}{12}}$. C. $P = x^{\frac{5}{8}}$. D. $P = x^{\frac{7}{24}}$.

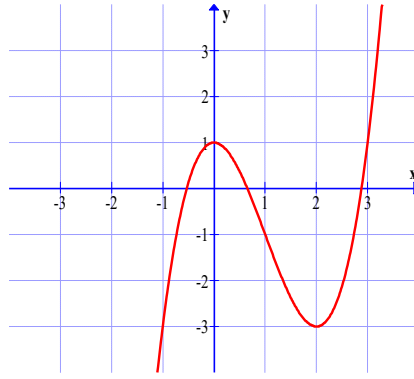
Câu 7: Có bao nhiêu giá trị nguyên của x để hàm số $y = |x-1| + |x+3|$ đạt giá trị nhỏ nhất.

- A. 4. B. 5. C. 2. D. 3.

Câu 8: Tính thể tích của khối lăng trụ tam giác đều có tất cả các cạnh bằng a .

- A. $\frac{a^3}{2}$. B. $\frac{a^3 \sqrt{3}}{4}$. C. $\frac{a^3 \sqrt{3}}{2}$. D. $\frac{a^3 \sqrt{2}}{3}$.

Câu 9: Đường cong trong hình dưới là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



- A. $y = -x^3 + 3x + 1$. B. $y = x^3 - 3x^2 + 1$. C. $y = x^3 + 3x^2 + 1$. D. $y = -x^3 - 3x^2 - 1$.

Câu 10: Đường thẳng $y = 2$ là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số nào trong các hàm số sau đây?

- A. $y = \frac{2x+1}{x-1}$. B. $y = \frac{3x-4}{x-2}$. C. $y = \frac{x+1}{x-2}$. D. $y = \frac{-x+1}{-2x+1}$.

Câu 11: Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số m để hàm số $y = |3x^4 - 4x^3 - 12x^2 + m|$ có 5 điểm cực trị.

- A. 16. B. 44. C. 26. D. 27.

Câu 12: Biết rằng tập các giá trị của tham số m để phương trình $(m-3)9^x + 2(m+1)3^x - m - 1 = 0$ có hai nghiệm phân biệt là một khoảng $(a; b)$. Tính tích ab .

- A. 4. B. -3. C. 2. D. 3.

Câu 13: Cho hình chóp $S.ABC$ có $SA = a$, $SB = 2a$, $SC = 4a$ và $\widehat{ASB} = \widehat{BSC} = \widehat{CSA} = 60^\circ$. Tính thể tích khối chóp $S.ABC$ theo a .

- A. $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$. B. $\frac{8a^3\sqrt{2}}{3}$. C. $\frac{4a^3\sqrt{2}}{3}$. D. $\frac{2a^3\sqrt{2}}{3}$.

Câu 14: Giá trị của biểu thức $M = \log_2 2 + \log_2 4 + \log_2 8 + \dots + \log_2 256$ bằng

- A. 48. B. 56. C. 36. D. $8\log_2 256$.

Câu 15: Kí hiệu $\max\{a; b\}$ là số lớn nhất trong hai số a, b . Tìm tập nghiệm S của bất phương trình

$$\max\left\{\log_2 x; \log_{\frac{1}{3}} x\right\} < 1.$$

- A. $S = \left(\frac{1}{3}; 2\right)$. B. $S = (0; 2)$. C. $S = \left(0; \frac{1}{3}\right)$. D. $S = (2; +\infty)$.

Câu 16: Với a là số thực dương bất kì, mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $\log(3a) = \frac{1}{3}\log a$. B. $\log a^3 = \frac{1}{3}\log a$. C. $\log a^3 = 3\log a$. D. $\log(3a) = 3\log a$.

Câu 17: Gọi M, N là hai điểm di động trên đồ thị (C) của hàm số $y = -x^3 + 3x^2 - x + 4$ sao cho tiếp tuyến của (C) tại M và N luôn song song với nhau. Hỏi khi M, N thay đổi, đường thẳng MN luôn đi qua nào trong các điểm dưới đây?

- A. Điểm $N(-1; -5)$. B. Điểm $M(1; -5)$. C. Điểm $Q(1; 5)$. D. Điểm $P(-1; 5)$.

Câu 18: Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy , cho điểm $M(-3; 1)$ và đường tròn $(C): x^2 + y^2 - 2x - 6y + 6 = 0$. Gọi T_1, T_2 là các tiếp điểm của các tiếp tuyến kẻ từ M đến (C) . Tính khoảng cách từ O đến đường thẳng T_1T_2 .

- A. 5. B. $\sqrt{5}$. C. $\frac{3}{\sqrt{5}}$. D. $2\sqrt{2}$.

Câu 19: Hình hộp chữ nhật có ba kích thước đôi một khác nhau có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng ?

- A. 4. B. 9. C. 3. D. 6.

Câu 20: Đường thẳng Δ có phương trình $y = 2x + 1$ cắt đồ thị của hàm số $y = x^3 - x + 3$ tại hai điểm A và B với tọa độ được kí hiệu lần lượt là $A(x_A; y_A)$ và $B(x_B; y_B)$ trong đó $x_B < x_A$. Tìm $x_B + y_B$?

- A. $x_B + y_B = -5$ B. $x_B + y_B = -2$ C. $x_B + y_B = 4$ D. $x_B + y_B = 7$

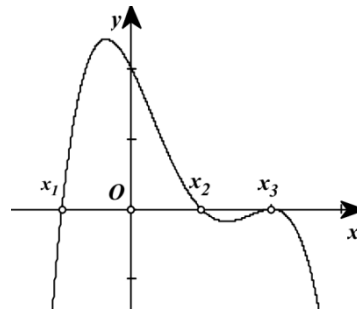
Câu 21: Hàm số $y = x^4 - 2x^2 + 1$ nghịch biến trên các khoảng nào sau đây?

- A. $(-\infty; -1)$ và $(0; +\infty)$ B. $(-\infty; 0)$ và $(1; +\infty)$. C. $(-1; 0)$ và $(1; +\infty)$ D. $(-\infty; -1)$ và $(0; 1)$.

Câu 22: Giá trị lớn nhất của hàm số $y = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 2$ trên đoạn $[-1; 2]$ thuộc khoảng nào dưới đây?

- A. $(3; 8)$. B. $(-7; 8)$. C. $(2; 14)$. D. $(12; 20)$.

Câu 23: Cho hàm số $y = f(x)$. Hàm số $y = f'(x)$ có đồ thị trên một khoảng K như hình vẽ bên.



Trong các khẳng định sau, có tất cả bao nhiêu khẳng định **đúng** ?

(I) : Trên K , hàm số $y = f(x)$ có hai điểm cực trị.

(II) : Hàm số $y = f(x)$ đạt cực đại tại x_3 .

(III) : Hàm số $y = f(x)$ đạt cực tiểu tại x_1 .

- A. 2. B. 3. C. 1. D. 0.

Câu 24: Với n là số tự nhiên lớn hơn 2, đặt $S_n = \frac{1}{C_3^3} + \frac{1}{C_4^3} + \frac{1}{C_5^3} + \dots + \frac{1}{C_n^3}$. Tính $\lim S_n$

- A. 1. B. $\frac{3}{2}$. C. 3. D. $\frac{1}{3}$.

Câu 25: Tập nghiệm S của bất phương trình $5^{x+2} < \left(\frac{1}{25}\right)^{-x}$ là

- A. $S = (-\infty; 2)$. B. $S = (-\infty; 1)$. C. $S = (1; +\infty)$ D. $S = (2; +\infty)$.

Câu 26: Khối cầu bán kính $R = 2a$ có thể tích là

- A. $\frac{32\pi a^3}{3}$. B. $6\pi a^3$. C. $16\pi a^2$. D. $\frac{8\pi a^3}{3}$.

Câu 27: Cho hình chóp tam giác đều $S.ABC$ có cạnh đáy bằng a , góc giữa mặt bên và mặt đáy bằng 60° .

Tính diện tích xung quanh của hình nón đỉnh S , đáy là hình tròn ngoại tiếp tam giác ABC .

- A. $\frac{\pi a^2 \sqrt{3}}{3}$. B. $\frac{\pi a^2 \sqrt{7}}{6}$. C. $\frac{\pi a^2 \sqrt{7}}{4}$. D. $\frac{\pi a^2 \sqrt{10}}{8}$.

Câu 28: Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy , cho elip $(E): \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$. Điểm $M \in (E)$ sao cho $\widehat{F_1 M F_2} = 90^\circ$. Tìm bán kính đường tròn nội tiếp tam giác $M F_1 F_2$.

A. 2.

B. 4.

C. 1.

D. $\frac{1}{2}$.

Câu 29: Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m thuộc đoạn $[-2018; 2018]$ để phương trình

$$(m+1)\sin^2 x - \sin 2x + \cos 2x = 0 \text{ có nghiệm?}$$

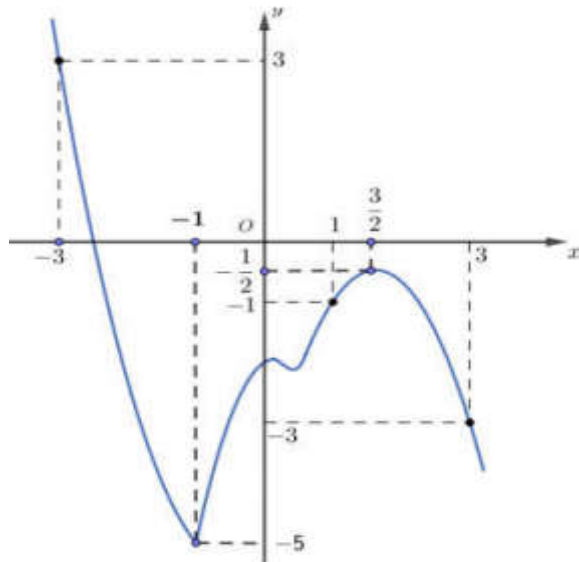
A. 4036.

B. 2020.

C. 4037.

D. 2019.

Câu 30: Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị $f'(x)$ như hình vẽ



Hàm số $y = f(1-x) + \frac{x^2}{2} - x$ nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng dưới đây?

A. $(-2; 0)$.

B. $(-3; 1)$.

C. $(3; +\infty)$.

D. $(1; 3)$.

Câu 31: Tìm tất cả các giá trị tham số m để bất phương trình $6x + \sqrt{(2+x)(8-x)} \leq x^2 + m - 1$ nghiệm đúng với mọi $x \in [-2; 8]$.

A. $m \geq 16$.

B. $m \geq 15$.

C. $m \geq 8$.

D. $-2 \leq m \leq 16$.

Câu 32: Tìm tập xác định D của hàm số $y = (3x^2 - 1)^{\frac{1}{3}}$.

A. $D = \left(-\infty; -\frac{1}{\sqrt{3}}\right) \cup \left(\frac{1}{\sqrt{3}}; +\infty\right)$.

B. $D = \mathbb{R}$.

C. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{\pm \frac{1}{\sqrt{3}}\right\}$.

D. $D = \left(-\infty; -\frac{1}{\sqrt{3}}\right] \cup \left[\frac{1}{\sqrt{3}}; +\infty\right)$.

Câu 33: Số cạnh của hình mười hai mặt đều là

A. Mười sáu

B. Ba mươi

C. Hai mươi

D. Mười hai

Câu 34: Cho hình chóp tứ giác đều có góc giữa mặt bên và mặt đáy bằng 60° . Biết rằng mặt cầu ngoại tiếp hình chóp đó có bán kính $R = a\sqrt{3}$. Tính độ dài cạnh đáy của hình chóp tứ giác đều nói trên.

A. $\frac{12}{5}a$.

B. $2a$.

C. $\frac{3}{2}a$.

D. $\frac{9}{4}a$.

Câu 35: Biết rằng phương trình $e^x - e^{-x} = 2 \cos ax$ (a là tham số) có 3 nghiệm thực phân biệt. Hỏi phương trình $e^x + e^{-x} = 2 \cos ax + 4$ có bao nhiêu nghiệm thực phân biệt?

A. 5.

B. 10.

C. 6.

D. 11.

Câu 36: Cho khối nón có bán kính đáy $r = \sqrt{3}$ và chiều cao $h = 4$. Tính thể tích V của khối nón đã cho.

A. $V = 16\pi\sqrt{3}$. B. $V = \frac{16\pi\sqrt{3}}{3}$. C. $V = 12\pi$. D. $V = 4\pi$.

Câu 37: Giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \frac{2\sin x + 3}{\sin x + 1}$ trên $\left[0; \frac{\pi}{2}\right]$ là

A. 5. B. 2. C. 3. D. $\frac{5}{2}$.

Câu 38: Cho hình lăng trụ tam giác đều $ABC.A'B'C'$ có $AB = a$, $AA' = 2a$. Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng AB' và $A'C$.

A. $\frac{a\sqrt{3}}{2}$. B. $\frac{2\sqrt{5}}{5}a$. C. $a\sqrt{5}$. D. $\frac{2\sqrt{17}}{17}a$.

Câu 39: Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy , giả sử điểm $A(a;b)$ thuộc đường thẳng $d: x - y - 3 = 0$ và cách $\Delta: 2x - y + 1 = 0$ một khoảng bằng $\sqrt{5}$. Tính $P = ab$ biết $a > 0$.

A. 4. B. -2. C. 2. D. -4.

Câu 40: Một hình trụ có bán kính đáy bằng r và có thiết diện qua trục là một hình vuông. Tính diện tích toàn phần của hình trụ đó.

A. $4\pi r^2$. B. $6\pi r^2$. C. $8\pi r^2$. D. $2\pi r^2$.

Câu 41: Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho giá trị lớn nhất của hàm số $y = \left| \frac{x^2 + mx + m}{x + 1} \right|$ trên $[1; 2]$ bằng 2. Số phần tử của tập S là

A. 3. B. 1. C. 4. D. 2.

Câu 42: Cho a, b là các số thực dương thỏa mãn $b > 1$ và $\sqrt{a} \leq b < a$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = \log_{\frac{a}{b}} a + 2 \log_{\sqrt{b}} \left(\frac{a}{b}\right)$.

A. 6. B. 7. C. 5. D. 4.

Câu 43: Một hình trụ có độ dài đường cao bằng 3, các đường tròn đáy lần lượt là $(O; 1)$ và $(O'; 1)$. Giả sử AB là đường kính cố định của $(O; 1)$ và MN là đường kính thay đổi trên $(O'; 1)$. Tìm giá trị lớn nhất V_{\max} của thể tích khối tứ diện $ABCD$.

A. $V_{\max} = 2$. B. $V_{\max} = 6$. C. $V_{\max} = \frac{1}{2}$. D. $V_{\max} = 1$.

Câu 44: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho hình chữ nhật $OMNP$ với $M(0; 10)$, $N(100; 10)$, $P(100; 0)$ Gọi S là tập hợp tất cả các điểm $A(x; y)$ với $x, y \in \mathbb{Z}$ nằm bên trong (kể cả trên cạnh) của hình chữ nhật $OMNP$. Lấy ngẫu nhiên một điểm $A(x; y) \in S$. Tính xác suất để $x + y \leq 90$.

A. $\frac{169}{200}$. B. $\frac{473}{500}$. C. $\frac{845}{1111}$. D. $\frac{86}{101}$.

Câu 45: Tập xác định của $y = \ln(-x^2 + 5x - 6)$ là

A. $[2; 3]$. B. $(2; 3)$. C. $(-\infty; 2] \cup [3; +\infty)$. D. $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$.

Câu 46: Cho $f(x) = x.e^{-3x}$. Tập nghiệm của bất phương trình $f'(x) > 0$ là

A. $\left(-\infty; \frac{1}{3}\right)$. B. $\left(0; \frac{1}{3}\right)$. C. $\left(\frac{1}{3}; +\infty\right)$. D. $(0; 1)$.

Câu 47: Cho khối chóp $S.ABCD$ có thể tích bằng $2a^3$ và đáy $ABCD$ là hình bình hành. Biết diện tích tam giác SAB bằng a^2 . Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng SB và CD .

- A. a . B. $\frac{3a}{2}$. C. $3a$. D. $\frac{a\sqrt{2}}{2}$.

Câu 48: Đạo hàm của hàm số $y = e^{1-2x}$ là

- A. $y' = 2e^{1-2x}$. B. $y' = -2e^{1-2x}$. C. $y' = -\frac{e^{1-2x}}{2}$. D. $y' = e^{1-2x}$.

Câu 49: Tập nghiệm của bất phương trình $2\log_2(x-1) \leq \log_2(5-x) + 1$ là

- A. $[3;5]$. B. $(1;3]$. C. $[1;3]$. D. $(1;5)$.

Câu 50: Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để hàm số $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + 4x + 2$ đồng biến trên tập xác định của nó ?

- A. 4. B. 2. C. 5. D. 3

----- HẾT -----

Họ và tên học sinh..... Lớp..... Số báo danh

Câu 1. [2D1.2-2] Tìm giá trị cực tiểu y_{CT} của hàm số $y = -x^3 + 3x - 4$.

- A. $y_{CT} = -6$. B. $y_{CT} = -1$. C. $y_{CT} = -2$. D. $y_{CT} = 1$.

Câu 2. [2D2.5-2] Phương trình: $\log_3(3x-2) = 3$ có nghiệm là

- A. $x = \frac{25}{3}$. B. 87. C. $x = \frac{29}{3}$. D. $x = \frac{11}{3}$.

Câu 3. [2D1.4-2] Đồ thị hàm số $y = \frac{x+1}{\sqrt{4-x^2}}$ có bao nhiêu đường tiệm cận?

- A. 4 B. 0. C. 1. D. 2.

Câu 4. [2D2.1-3] Một người mỗi tháng đều đặn gửi vào ngân hàng một khoản tiền T theo hình thức lãi kép với lãi suất 0,6% mỗi tháng. Biết sau 15 tháng, người đó có số tiền là 10 triệu đồng. Hỏi số tiền T gần với số tiền nào nhất trong các số sau.

- A. 613.000 đồng. B. 645.000 đồng. C. 635.000 đồng. D. 535.000 đồng

Câu 5. [1D4.3-3] Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^{2016} + x - 2}{\sqrt{2018x+1} - \sqrt{x+2018}} & \text{khi } x \neq 1 \\ k & \text{khi } x = 1 \end{cases}$. Tìm k để hàm số $f(x)$

liên tục tại $x = 1$.

- A. $k = 2\sqrt{2019}$. B. $k = \frac{2017 \cdot \sqrt{2018}}{2}$. C. $k = 1$. D. $k = \frac{20016}{2017} \sqrt{2019}$.

Câu 6. [2D2.1-2] Cho biểu thức $P = \sqrt[3]{x \cdot \sqrt[4]{x^3} \cdot \sqrt{x}}$, với $x > 0$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $P = x^{\frac{1}{2}}$. B. $P = x^{\frac{7}{12}}$. C. $P = x^{\frac{5}{8}}$. D. $P = x^{\frac{7}{24}}$.

Câu 7. [2D1.3-2] Có bao nhiêu giá trị nguyên của x để hàm số $y = |x-1| + |x+3|$ đạt giá trị nhỏ nhất.

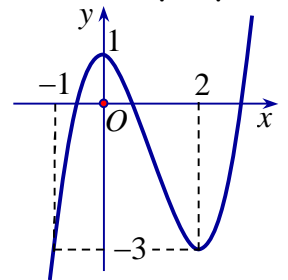
- A. 4. B. 5. C. 2. D. 3.

Câu 8. [2H1.3-1] Tính thể tích của khối lăng trụ tam giác đều có tất cả các cạnh bằng a .

- A. $\frac{a^3}{2}$. B. $\frac{a^3 \sqrt{3}}{4}$. C. $\frac{a^3 \sqrt{3}}{2}$. D. $\frac{a^3 \sqrt{2}}{3}$.

Câu 9. [2D1.5-2] Đường cong trong hình dưới là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?

- A. $y = -x^3 + 3x + 1$.
B. $y = x^3 - 3x^2 + 1$.
C. $y = x^3 + 3x^2 + 1$.
D. $y = -x^3 - 3x^2 - 1$.



Câu 10. [2D2.4-1] Đường thẳng $y = 2$ là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số nào trong các hàm số sau đây?

- A. $y = \frac{2x+1}{x-1}$. B. $y = \frac{3x-4}{x-2}$. C. $y = \frac{x+1}{x-2}$. D. $y = \frac{-x+1}{-2x+1}$.

- Câu 11.** [2D1.2-4] Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số m để hàm số $y = |3x^4 - 4x^3 - 12x^2 + m|$ có 5 điểm cực trị?
A. 16. **B.** 44. **C.** 26. **D.** 27.
- Câu 12.** [2D2.5-3] Biết rằng tập các giá trị của tham số m để phương trình $(m-3)9^x + 2(m+1)3^x - m - 1 = 0$ có hai nghiệm phân biệt là một khoảng $(a; b)$. Tính tích ab .
A. 4. **B.** -3. **C.** 2. **D.** 3.
- Câu 13.** [2H1.2-3] Cho hình chóp $S.ABC$ có $SA = a$, $SB = 2a$, $SC = 4a$ và $\widehat{ASB} = \widehat{BSC} = \widehat{CSA} = 60^\circ$. Tính thể tích khối chóp $S.ABC$ theo a .
A. $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$. **B.** $\frac{8a^3\sqrt{2}}{3}$. **C.** $\frac{4a^3\sqrt{2}}{3}$. **D.** $\frac{2a^3\sqrt{2}}{3}$.
- Câu 14.** [2D2.2-2] Giá trị của biểu thức $M = \log_2 2 + \log_2 4 + \log_2 8 + \dots + \log_2 256$ bằng
A. 48. **B.** 56. **C.** 36. **D.** $8\log_2 256$.
- Câu 15.** [2D2.7-2] Kí hiệu $\max\{a; b\}$ là số lớn nhất trong hai số a, b . Tìm tập nghiệm S của bất phương trình $\max\left\{\log_2 x; \log_{\frac{1}{3}} x\right\} < 1$.
A. $S = \left(\frac{1}{3}; 2\right)$. **B.** $S = (0; 2)$. **C.** $S = \left(0; \frac{1}{3}\right)$. **D.** $S = (2; +\infty)$.
- Câu 16.** [2D2.3-1] Với a là số thực dương bất kì, mệnh đề nào dưới đây đúng?
A. $\log(3a) = \frac{1}{3}\log a$. **B.** $\log a^3 = \frac{1}{3}\log a$. **C.** $\log a^3 = 3\log a$. **D.** $\log(3a) = 3\log a$.
- Câu 17.** [2D1.5-4] Gọi M, N là hai điểm di động trên đồ thị (C) của hàm số $y = -x^3 + 3x^2 - x + 4$ sao cho tiếp tuyến của (C) tại M và N luôn song song với nhau. Hỏi khi M, N thay đổi, đường thẳng MN luôn đi qua nào trong các điểm dưới đây?
A. Điểm $N(-1; -5)$. **B.** Điểm $M(1; -5)$. **C.** Điểm $Q(1; 5)$. **D.** Điểm $P(-1; 5)$.
- Câu 18.** [2D1.5-4] Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy , cho điểm $M(-3; 1)$ và đường tròn $(C): x^2 + y^2 - 2x - 6y + 6 = 0$. Gọi T_1, T_2 là các tiếp điểm của các tiếp tuyến kẻ từ M đến (C) . Tính khoảng cách từ O đến đường thẳng T_1T_2 .
A. 5. **B.** $\sqrt{5}$. **C.** $\frac{3}{\sqrt{5}}$. **D.** $2\sqrt{2}$.
- Câu 19.** [2H1.2-2] Hình hộp chữ nhật có ba kích thước đôi một khác nhau có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?
A. 4. **B.** 9. **C.** 3. **D.** 6.
- Câu 20.** [2D1.5-2] Đường thẳng Δ có phương trình $y = 2x + 1$ cắt đồ thị của hàm số $y = x^3 - x + 3$ tại hai điểm A và B với tọa độ được kí hiệu lần lượt là $A(x_A; y_A)$ và $B(x_B; y_B)$ trong đó $x_B < x_A$. Tìm $x_B + y_B$?
A. $x_B + y_B = -5$. **B.** $x_B + y_B = -2$. **C.** $x_B + y_B = 4$. **D.** $x_B + y_B = 7$.
- Câu 21.** [2D1.1-1] Hàm số $y = x^4 - 2x^2 + 1$ nghịch biến trên các khoảng nào sau đây?
A. $(-\infty; -1)$ và $(0; +\infty)$. **B.** $(-\infty; 0)$ và $(1; +\infty)$.
C. $(-1; 0)$ và $(1; +\infty)$. **D.** $(-\infty; -1)$ và $(0; 1)$.

Câu 22. [2D1.3-1] Giá trị lớn nhất của hàm số $y = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 2$ trên đoạn $[-1; 2]$ thuộc khoảng nào dưới đây?

- A. $(3; 8)$. B. $(-7; 8)$. C. $(2; 14)$. D. $(12; 20)$.

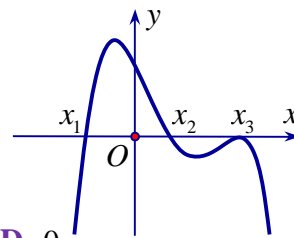
Câu 23. [2D1.2-2] Cho hàm số $y = f(x)$. Hàm số $y = f'(x)$ có đồ thị trên một khoảng K như hình vẽ bên.

Trong các khẳng định sau, có tất cả bao nhiêu khẳng định đúng?

(I) : Trên K , hàm số $y = f(x)$ có hai điểm cực trị.

(II) : Hàm số $y = f(x)$ đạt cực đại tại x_3 .

(III) : Hàm số $y = f(x)$ đạt cực tiểu tại x_1 .



- A. 2. B. 3. C. 1. D. 0.

Câu 24. [1D4.1-3] Với n là số tự nhiên lớn hơn 2, đặt $S_n = \frac{1}{C_3^3} + \frac{1}{C_4^3} + \frac{1}{C_5^3} + \dots + \frac{1}{C_n^3}$. Tính $\lim S_n$

- A. 1. B. $\frac{3}{2}$. C. 3. D. $\frac{1}{3}$.

Câu 25. [1D2.2-3] Tập nghiệm S của bất phương trình $5^{x+2} < \left(\frac{1}{25}\right)^{-x}$ là

- A. $S = (-\infty; 2)$. B. $S = (-\infty; 1)$. C. $S = (1; +\infty)$ D. $S = (2; +\infty)$.

Câu 26. [2H2.1-1] Khối cầu bán kính $R = 2a$ có thể tích là

- A. $\frac{32\pi a^3}{3}$. B. $6\pi a^3$. C. $16\pi a^2$. D. $\frac{8\pi a^3}{3}$.

Câu 27. [2H2.1-2] Cho hình chóp tam giác đều $S.ABC$ có cạnh đáy bằng a , góc giữa mặt bên và mặt đáy bằng 60° . Tính diện tích xung quanh của hình nón đỉnh S , đáy là hình tròn ngoại tiếp tam giác ABC .

- A. $\frac{\pi a^2 \sqrt{3}}{3}$. B. $\frac{\pi a^2 \sqrt{7}}{6}$. C. $\frac{\pi a^2 \sqrt{7}}{4}$. D. $\frac{\pi a^2 \sqrt{10}}{8}$.

Câu 28. [0H3.5-3] Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy , cho elip $(E): \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$. Điểm $M \in (E)$ sao cho $\widehat{F_1MF_2} = 90^\circ$. Tìm bán kính đường tròn nội tiếp tam giác MF_1F_2 .

- A. 2. B. 4. C. 1. D. $\frac{1}{2}$.

Câu 29. [1D1.4-3] Có bao nhiêu giá trị nguyên của m thuộc đoạn $[-2018; 2018]$ để phương trình

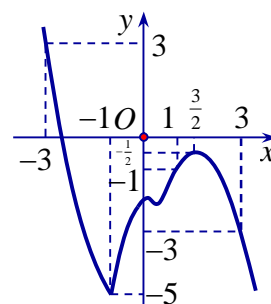
$(m+1)\sin^2 x - \sin 2x + \cos 2x = 0$ có nghiệm?

- A. 4036. B. 2020. C. 4037. D. 2019.

Câu 30. [2D1.1-4] Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị $f'(x)$

như hình vẽ bên. Hàm số $y = f(1-x) + \frac{x^2}{2} - x$

nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng dưới đây?



- A. $(-2; 0)$. B. $(-3; 1)$.
C. $(3; +\infty)$. D. $(1; 3)$.

- Câu 31. [0D3.2-3]** Tìm tất cả các giá trị tham số m để bất phương trình $6x + \sqrt{(2+x)(8-x)} \leq x^2 + m - 1$ nghiệm đúng với mọi $x \in [-2; 8]$.
- A. $m \geq 16$. B. $m \geq 15$. C. $m \geq 8$. D. $-2 \leq m \leq 16$.
- Câu 32. [2D2.2-1]** Tìm tập xác định D của hàm số $y = (3x^2 - 1)^{\frac{1}{3}}$.
- A. $D = \left(-\infty; -\frac{1}{\sqrt{3}}\right) \cup \left(\frac{1}{\sqrt{3}}; +\infty\right)$. B. $D = \mathbb{R}$.
- C. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{\pm \frac{1}{\sqrt{3}}\right\}$. D. $D = \left(-\infty; -\frac{1}{\sqrt{3}}\right] \cup \left[\frac{1}{\sqrt{3}}; +\infty\right)$.
- Câu 33. [2H1.2-1]** Số cạnh của hình mười hai mặt đều là
- A. Mười sáu. B. Ba mươi. C. Hai mươi. D. Mười hai.
- Câu 34. [2H1.3-3]** Cho hình chóp tứ giác đều có góc giữa mặt bên và mặt đáy bằng 60° . Biết rằng mặt cầu ngoại tiếp hình chóp đó có bán kính $R = a\sqrt{3}$. Tính độ dài cạnh đáy của hình chóp tứ giác đều nói trên.
- A. $\frac{12}{5}a$. B. $2a$. C. $\frac{3}{2}a$. D. $\frac{9}{4}a$.
- Câu 35. [2D2.5-3]** Biết rằng phương trình $e^x - e^{-x} = 2\cos ax$ (a là tham số) có 3 nghiệm thực phân biệt. Hỏi phương trình $e^x + e^{-x} = 2\cos ax + 4$ có bao nhiêu nghiệm thực phân biệt?
- A. 5. B. 10. C. 6. D. 11.
- Câu 36. [2H2.1-1]** Cho khối nón có bán kính đáy $r = \sqrt{3}$ và chiều cao $h = 4$. Tính thể tích V của khối nón đã cho.
- A. $V = 16\pi\sqrt{3}$. B. $V = \frac{16\pi\sqrt{3}}{3}$. C. $V = 12\pi$. D. $V = 4\pi$.
- Câu 37. [2D1.3-3]** Giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \frac{2\sin x + 3}{\sin x + 1}$ trên $\left[0; \frac{\pi}{2}\right]$ là
- A. 5. B. 2. C. 3. D. $\frac{5}{2}$.
- Câu 38. [1H3.5-3]** Cho hình lăng trụ tam giác đều $ABC.A'B'C'$ có $AB = a$, $AA' = 2a$. Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng AB' và $A'C$.
- A. $\frac{a\sqrt{3}}{2}$. B. $\frac{2\sqrt{5}}{5}a$. C. $a\sqrt{5}$. D. $\frac{2\sqrt{17}}{17}a$.
- Câu 39. [0H3.1-2]** Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, giả sử điểm $A(a; b)$ thuộc đường thẳng $d: x - y - 3 = 0$ và cách $\Delta: 2x - y + 1 = 0$ một khoảng bằng $\sqrt{5}$. Tính $P = ab$ biết $a > 0$.
- A. 4. B. -2. C. 2. D. -4.
- Câu 40. [2H2.1-1]** Một hình trụ có bán kính đáy bằng r và có thiết diện qua trục là một hình vuông. Tính diện tích toàn phần của hình trụ đó.
- A. $4\pi r^2$. B. $6\pi r^2$. C. $8\pi r^2$. D. $2\pi r^2$.
- Câu 41. [2D1.3-3]** Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho giá trị lớn nhất của hàm số $y = \left| \frac{x^2 + mx + m}{x + 1} \right|$ trên $[1; 2]$ bằng 2. Số phần tử của tập S là
- A. 3. B. 1. C. 4. D. 2.

- Câu 42. [2D2.4-3]** Cho a, b là các số thực dương thỏa mãn $b > 1$ và $\sqrt{a} \leq b < a$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = \log_{\frac{a}{b}} a + 2 \log_{\sqrt{b}} \left(\frac{a}{b} \right)$.
- A. 6. B. 7. C. 5. D. 4.
- Câu 43. [2H2.2-3]** Một hình trụ có độ dài đường cao bằng 3, các đường tròn đáy lần lượt là $(O;1)$ và $(O';1)$. Giả sử AB là đường kính cố định của $(O;1)$ và CD là đường kính thay đổi trên $(O';1)$. Tìm giá trị lớn nhất V_{\max} của thể tích khối tứ diện $ABCD$.
- A. $V_{\max} = 2$. B. $V_{\max} = 6$. C. $V_{\max} = \frac{1}{2}$. D. $V_{\max} = 1$.
- Câu 44. [1D2.5-4]** Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho hình chữ nhật $OMNP$ với $M(0;10)$, $N(100;10)$, $P(100;0)$ Gọi S là tập hợp tất cả các điểm $A(x; y)$ với $x, y \in \mathbb{Z}$ nằm bên trong (kể cả trên cạnh) của hình chữ nhật $OMNP$. Lấy ngẫu nhiên một điểm $A(x; y) \in S$. Tính xác suất để $x + y \leq 90$.
- A. $\frac{169}{200}$. B. $\frac{473}{500}$. C. $\frac{845}{1111}$. D. $\frac{86}{101}$.
- Câu 45. [2D2.3-2]** Tập xác định của $y = \ln(-x^2 + 5x - 6)$ là
- A. $[2; 3]$. B. $(2; 3)$. C. $(-\infty; 2] \cup [3; +\infty)$. D. $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$.
- Câu 46. [2D2.4-2]** Cho $f(x) = x.e^{-3x}$. Tập nghiệm của bất phương trình $f'(x) > 0$ là
- A. $\left(-\infty; \frac{1}{3}\right)$. B. $\left(0; \frac{1}{3}\right)$. C. $\left(\frac{1}{3}; +\infty\right)$. D. $(0; 1)$.
- Câu 47. [2H1.3-2]** Cho khối chóp $S.ABCD$ có thể tích bằng $2a^3$ và đáy $ABCD$ là hình bình hành. Biết diện tích tam giác SAB bằng a^2 . Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng SB và CD .
- A. a . B. $\frac{3a}{2}$. C. $3a$. D. $\frac{a\sqrt{2}}{2}$.
- Câu 48. [2D2.4-1]** Đạo hàm của hàm số $y = e^{1-2x}$ là
- A. $y' = 2e^{1-2x}$. B. $y' = -2e^{1-2x}$. C. $y' = -\frac{e^{1-2x}}{2}$. D. $y' = e^{1-2x}$.
- Câu 49. [2D2.5-2]** Tập nghiệm của bất phương trình $2\log_2(x-1) \leq \log_2(5-x) + 1$ là
- A. $[3; 5]$. B. $(1; 3]$. C. $[1; 3]$. D. $(1; 5)$.
- Câu 50. [2D1.1-2]** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để hàm số $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + 4x + 2$ đồng biến trên tập xác định của nó?
- A. 4. B. 2. C. 5. D. 3.

-----HẾT-----

ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
A	C	D	C	A	C	B	B	B	A	D	B	D	C	A	C	C	C	C	A	D	D	A	B	D
26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
A	B	C	B	A	B	A	B	A	C	D	D	D	B	B	D	C	A	D	A	C	C	B	B	C

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1. [2D1.2-2] Tìm giá trị cực tiểu y_{CT} của hàm số $y = -x^3 + 3x - 4$.

- A. $y_{CT} = -6$. B. $y_{CT} = -1$. C. $y_{CT} = -2$. D. $y_{CT} = 1$.

Lời giải

Chọn A.

Ta có: $y' = -3x^2 + 3, y' = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1$.

Bảng biến thiên

x	$-\infty$		-1		1		$+\infty$
y'		-	0	+	0	-	
y	$+\infty$	↘		-6	↗		-2
		↘			↘		$-\infty$

Vậy $y_{CT} = -6$.

Câu 2. [2D2.5-2] Phương trình: $\log_3(3x - 2) = 3$ có nghiệm là

- A. $x = \frac{25}{3}$. B. 87 . C. $x = \frac{29}{3}$. D. $x = \frac{11}{3}$.

Lời giải

Chọn C.

Ta có: $\log_3(3x - 2) = 3 \Leftrightarrow 3x - 2 = 27 \Leftrightarrow x = \frac{29}{3}$.

Câu 3. [2D1.4-2] Đồ thị hàm số $y = \frac{x+1}{\sqrt{4-x^2}}$ có bao nhiêu đường tiệm cận?

- A. 4 B. 0. C. 1. D. 2.

Lời giải

Chọn D.

Tập xác định của hàm số là $(-2; 2)$.

Ta có $\lim_{x \rightarrow -2^+} y = -\infty, \lim_{x \rightarrow 2^-} y = +\infty$.

Đồ thị hàm số có 2 bao nhiêu đường tiệm cận.

Câu 4. [2D2.1-3] Một người mỗi tháng đều đặn gửi vào ngân hàng một khoản tiền T theo hình thức lãi kép với lãi suất 0,6% mỗi tháng. Biết sau 15 tháng, người đó có số tiền là 10 triệu đồng. Hỏi số tiền T gần với số tiền nào nhất trong các số sau.

- A. 613.000 đồng. B. 645.000 đồng. C. 635.000 đồng. D. 535.000 đồng

Lời giải

Chọn C.

Đặt $a = 0.6\%$.

Số tiền cả lãi lẫn gốc sau n kì là

$$T_n = \frac{T}{a}(1+a)\left[(1+a)^n - 1\right]$$

$$\text{Suy ra } T = \frac{T_n \cdot a}{(1+a)\left[(1+a)^n - 1\right]} \approx 635301$$

Câu 5. [1D4.3-3] Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^{2016} + x - 2}{\sqrt{2018x+1} - \sqrt{x+2018}} & \text{khi } x \neq 1 \\ k & \text{khi } x = 1 \end{cases}$. Tìm k để hàm số $f(x)$

liên tục tại $x = 1$.

A. $k = 2\sqrt{2019}$.

B. $k = \frac{2017 \cdot \sqrt{2018}}{2}$. **C.** $k = 1$.

D. $k = \frac{20016}{2017} \sqrt{2019}$.

Lời giải

Chọn A.

Ta có:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 1} f(x) &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^{2016} + x - 2}{\sqrt{2018x+1} - \sqrt{x+2018}} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^{2016} - 1 + x - 1}{\sqrt{2018x+1} - \sqrt{x+2018}} \\ &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1+1+x+x^2+\dots+x^{2015})(x-1)(\sqrt{2018x+1} + \sqrt{x+2018})}{(\sqrt{2018x+1} - \sqrt{x+2018})(\sqrt{2018x+1} + \sqrt{x+2018})} \\ &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1+1+x+x^2+\dots+x^{2015})(x-1)(\sqrt{2018x+1} + \sqrt{x+2018})}{(2017x - 2017)} \\ &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1+1+x+x^2+\dots+x^{2015})(\sqrt{2018x+1} + \sqrt{x+2018})}{2017} = 2\sqrt{2019} \end{aligned}$$

Để hàm số liên tục tại $x = 1$ thì $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = f(1) \Leftrightarrow k = 2\sqrt{2019}$

Câu 6. [2D2.1-2] Cho biểu thức $P = \sqrt[3]{x \cdot \sqrt[4]{x^3} \sqrt{x}}$, với $x > 0$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

A. $P = x^{\frac{1}{2}}$.

B. $P = x^{\frac{7}{12}}$.

C. $P = x^{\frac{5}{8}}$.

D. $P = x^{\frac{7}{24}}$.

Lời giải

Chọn C.

$$\text{Ta có } P = \sqrt[3]{x \cdot \sqrt[4]{x^3} \sqrt{x}} = \sqrt[3]{x \cdot \sqrt[4]{x^{\frac{7}{2}}}} = \sqrt[3]{x \cdot x^{\frac{7}{8}}} = x^{\frac{15}{24}} = x^{\frac{5}{8}}$$

Câu 7. [2D1.3-2] Có bao nhiêu giá trị nguyên của x để hàm số $y = |x-1| + |x+3|$ đạt giá trị nhỏ nhất.

A. 4.

B. 5.

C. 2.

D. 3.

Lời giải

Chọn B.

$$\text{Ta có } y = |x-1| + |x+3| = \begin{cases} 2x+2, & x \geq 1 \\ 4, & -3 \leq x < 1 \\ -2x-2, & x < -3 \end{cases}$$

Trên $[1; +\infty)$, ta có $y \geq 4$ và dấu bằng xảy ra khi $x = 1$.

Trên $[-3; 1)$, ta có $y = 4$ và có bốn giá trị nguyên của x thuộc khoảng này.

Trên $(-\infty; -3)$, ta có $y = -2x - 2 > 4$.

Vậy $y_{\min} = 4$ và có 5 giá trị nguyên của x để $y_{\min} = 4$.

Câu 8. [2H1.3-1] Tính thể tích của khối lăng trụ tam giác đều có tất cả các cạnh bằng a .

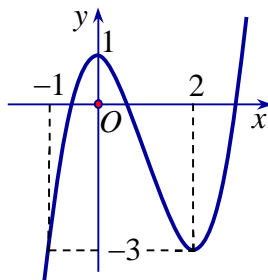
- A. $\frac{a^3}{2}$. B. $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$. C. $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$. D. $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$.

Lời giải

Chọn B.

Ta có $S_{\text{day}} = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ và chiều cao $h = a$ nên suy ra $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}$.

Câu 9. [2D1.5-2] Đường cong trong hình dưới là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



- A. $y = -x^3 + 3x + 1$. B. $y = x^3 - 3x^2 + 1$. C. $y = x^3 + 3x^2 + 1$. D. $y = -x^3 - 3x^2 - 1$.

Lời giải

Chọn B.

Nhánh đầu tiên của đồ thị đi lên nên hệ số $a > 0$. Vậy loại phương án A và D.
Hàm số có hai điểm cực trị là $x = 0$ và $x = 2$ nên chọn phương án B.

Câu 10. [2D2.4-1] Đường thẳng $y = 2$ là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số nào trong các hàm số sau đây?

- A. $y = \frac{2x+1}{x-1}$. B. $y = \frac{3x-4}{x-2}$. C. $y = \frac{x+1}{x-2}$. D. $y = \frac{-x+1}{-2x+1}$.

Lời giải

Chọn A.

Ta có $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x+1}{x-1} = 2$ nên $y = 2$ là đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

Câu 11. [2D1.2-4] Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số m để hàm số $y = |3x^4 - 4x^3 - 12x^2 + m|$ có 5 điểm cực trị?

- A. 16. B. 44. C. 26. D. 27.

Lời giải

Chọn D.

Xét hàm số $f(x) = 3x^4 - 4x^3 - 12x^2 + m$ trên $D = \mathbb{R}$.

$$f'(x) = 12x^3 - 12x^2 - 24x; f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 0 \\ x = 2 \end{cases}.$$

Bảng biến thiên

x	$-\infty$		-1		0		2		$+\infty$
$f'(x)$		$-$	0	$+$	0	$-$	0	$+$	
$f(x)$	$+\infty$		$-5+m$		m		$-32+m$		$+\infty$

Vì m nguyên dương nên để hàm số có 5 điểm cực trị $\Leftrightarrow \begin{cases} -5+m \geq 0 \\ -32+m < 0 \end{cases} \Leftrightarrow 5 \leq m < 32$.

Vậy có 27 giá trị nguyên dương m .

- Câu 12.** [2D2.5-3] Biết rằng tập các giá trị của tham số m để phương trình $(m-3)9^x + 2(m+1)3^x - m - 1 = 0$ có hai nghiệm phân biệt là một khoảng $(a;b)$. Tính tích ab .
- A. 4. B. -3. C. 2. D. 3.

Lời giải

Chọn B.

Đặt $t = 3^x$; $t > 0$.

Phương trình trở thành: $(m-3)t^2 + 2(m+1)t - m - 1 = 0 \Leftrightarrow m = \frac{3t^2 - 2t + 1}{t^2 + 2t - 1}$ với $t > 0$ và

$t \neq -1 + \sqrt{2}$.

Phương trình có hai nghiệm phân biệt \Leftrightarrow Đường thẳng $d: y = m$ có hai điểm chung với đồ thị

hàm số $f(t) = \frac{3t^2 - 2t + 1}{t^2 + 2t - 1}$ với $t > 0$ và $t \neq -1 + \sqrt{2}$.

$$f'(t) = \frac{8t^2 + 4t}{(t^2 + 2t - 1)^2} > 0.$$

Bảng biến thiên

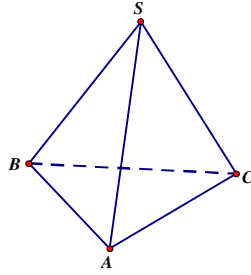
t	0	$\sqrt{2}-1$	$+\infty$
$f'(t)$	$+$	$+$	
$f(t)$	-1	$+\infty$	3

Dựa vào bảng biến thiên phương trình có hai nghiệm phân biệt $\Leftrightarrow -1 < m < 3 \Rightarrow a = -1$ và $b = 3$. Do đó $ab = -3$.

- Câu 13.** [2H1.2-3] Cho hình chóp $S.ABC$ có $SA = a$, $SB = 2a$, $SC = 4a$ và $\widehat{ASB} = \widehat{BSC} = \widehat{CSA} = 60^\circ$. Tính thể tích khối chóp $S.ABC$ theo a .
- A. $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$. B. $\frac{8a^3\sqrt{2}}{3}$. C. $\frac{4a^3\sqrt{2}}{3}$. D. $\frac{2a^3\sqrt{2}}{3}$.

Lời giải

Chọn D.



Áp dụng công thức giải nhanh đối với khối chóp $S.ABC$

$$\text{Ta có } V = \frac{1}{6} abc \sqrt{1 + 2 \cos x \cos y \cos z - \cos^2 x - \cos^2 y - \cos^2 z} = \frac{abc \sqrt{2}}{12}.$$

a, b, c lần lượt là độ dài các cạnh SA, SB, SC . x, y, z lần lượt là số đo các góc $\widehat{ASB}, \widehat{BSC}, \widehat{CSA}$.

$$\text{Vậy: } V = \frac{8a^3 \sqrt{2}}{12} = \frac{2a^3 \sqrt{2}}{3}.$$

- Câu 14.** [2D2.2-2] Giá trị của biểu thức $M = \log_2 2 + \log_2 4 + \log_2 8 + \dots + \log_2 256$ bằng
A. 48. **B.** 56. **C.** 36. **D.** $8 \log_2 256$.

Lời giải

Chọn C.

$$M = \log_2 2 + \log_2 4 + \log_2 8 + \dots + \log_2 256 = 1 + 2 + 3 + \dots + 8 = 36.$$

- Câu 15.** [2D2.7-2] Kí hiệu $\max\{a; b\}$ là số lớn nhất trong hai số a, b . Tìm tập nghiệm S của bất phương trình $\max\left\{\log_2 x; \log_{\frac{1}{3}} x\right\} < 1$.

- A.** $S = \left(\frac{1}{3}; 2\right)$. **B.** $S = (0; 2)$. **C.** $S = \left(0; \frac{1}{3}\right)$. **D.** $S = (2; +\infty)$.

Lời giải

Chọn A.

$$\text{Nếu } x > 1: \max\left\{\log_2 x; \log_{\frac{1}{3}} x\right\} < 1 \Leftrightarrow \log_2 x < 1 \Leftrightarrow 1 < x < 2.$$

$$\text{Nếu } 0 < x \leq 1: \max\left\{\log_2 x; \log_{\frac{1}{3}} x\right\} < 1 \Leftrightarrow \log_{\frac{1}{3}} x < 1 \Leftrightarrow \frac{1}{3} < x \leq 1.$$

$$\text{Vậy } S = \left(\frac{1}{3}; 2\right).$$

- Câu 16.** [2D2.3-1] Với a là số thực dương bất kì, mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.** $\log(3a) = \frac{1}{3} \log a$. **B.** $\log a^3 = \frac{1}{3} \log a$. **C.** $\log a^3 = 3 \log a$. **D.** $\log(3a) = 3 \log a$.

Lời giải

Chọn C.

- Câu 17.** [2D1.5-4] Gọi M, N là hai điểm di động trên đồ thị (C) của hàm số $y = -x^3 + 3x^2 - x + 4$ sao cho tiếp tuyến của (C) tại M và N luôn song song với nhau. Hỏi khi M, N thay đổi, đường thẳng MN luôn đi qua nào trong các điểm dưới đây?

- A. Điểm $N(-1; -5)$. B. Điểm $M(1; -5)$. **C. Điểm $Q(1; 5)$.** D. Điểm $P(-1; 5)$.

Lời giải

Chọn C.

Gọi $M(x_M; y_M)$, $N(x_N; y_N)$.

Do $M, N \in (C)$ nên $M(x_M; -x_M^3 + 3x_M^2 - x_M + 4)$, $N(x_N; -x_N^3 + 3x_N^2 - x_N + 4)$.

Theo giả thiết tiếp tuyến của (C) tại M và N luôn song song với nhau nên ta có:

$$y'(x_M) = y'(x_N) \Leftrightarrow -3x_M^2 + 6x_M - 1 = -3x_N^2 + 6x_N - 1 \Leftrightarrow -3x_M^2 + 6x_M + 3x_N^2 - 6x_N = 0$$

$$\Leftrightarrow (x_N - x_M)(x_N + x_M - 2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x_N - x_M = 0 \\ x_N + x_M = 2 \end{cases}$$

Do M và N phân biệt nên $x_N \neq x_M$, suy ra $x_N + x_M = 2$.

$$\begin{aligned} \text{Ta có: } y_M + y_N &= -(x_M^3 + x_N^3) + 3(x_N^2 + x_M^2) - (x_M + x_N) + 8 \\ &= -[(x_M + x_N)^3 - 3(x_M + x_N)x_M x_N] + 3[(x_M + x_N)^2 - 2x_M x_N] - (x_M + x_N) + 8 \\ &= -[2^3 - 6x_M x_N] + 3[2^2 - 2x_M x_N] - 2 + 8 = 10. \end{aligned}$$

Từ đây suy ra đường thẳng MN luôn đi qua điểm cố định là trung điểm $Q(1; 5)$ của MN .

- Câu 18.** [2D1.5-4] Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy , cho điểm $M(-3; 1)$ và đường tròn $(C): x^2 + y^2 - 2x - 6y + 6 = 0$. Gọi T_1, T_2 là các tiếp điểm của các tiếp tuyến kẻ từ M đến (C) . Tính khoảng cách từ O đến đường thẳng $T_1 T_2$.

- A. 5. B. $\sqrt{5}$. **C. $\frac{3}{\sqrt{5}}$.** D. $2\sqrt{2}$.

Lời giải

Chọn C.

Ta xét đường tròn (C) có tâm $I(1; 3)$ và bán kính $R = 2$.

Theo tính chất tiếp tuyến ta có $MI \perp T_1 T_2$ tại trung điểm của $T_1 T_2$.

Suy ra đường thẳng $T_1 T_2$ nhận vectơ $\overrightarrow{MI}(4; 2)$ là vpt.

Giả sử $T_1(x_1; y_1)$. Khi đó, phương trình $T_1 T_2$ có dạng: $4(x - x_1) + 2(y - y_1) = 0$.

$$\text{Suy ra } d(O, T_1 T_2) = \frac{|-4x_1 - 2y_1|}{\sqrt{4^2 + 2^2}} = \frac{|4x_1 + 2y_1|}{2\sqrt{5}}.$$

Ta có: $\overrightarrow{MT_1} = (x_1 + 3; y_1 - 1)$.

Theo giả thiết ta có:

$$\overrightarrow{MT_1} \cdot \overrightarrow{IT_1} = 0 \Leftrightarrow (x_1 - 1)(x_1 + 3) + (y_1 - 3)(y_1 - 1) = 0 \Leftrightarrow x_1^2 + 2x_1 - 3 + y_1^2 - 4y_1 + 3 = 0 \quad (1)$$

$$\text{Đồng thời ta có: } IT_1 = R \Leftrightarrow (x_1 + 3)^2 + (y_1 - 1)^2 = 4 \Leftrightarrow x_1^2 + 6x_1 + 9 + y_1^2 - 2y_1 + 1 = 4 \quad (2)$$

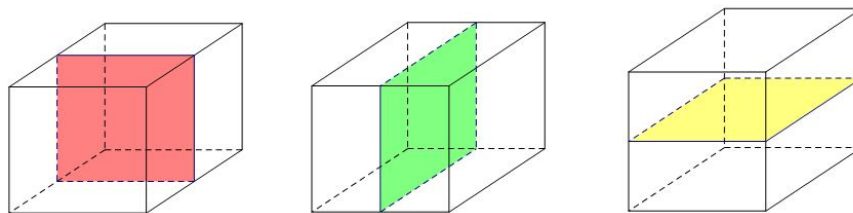
Lấy (1) - (2) ta được: $4x_1 + 2y_1 = -6$.

$$\text{Từ đây ta có: } d(O, T_1 T_2) = \frac{|4x_1 + 2y_1|}{2\sqrt{5}} = \frac{|-6|}{2\sqrt{5}} = \frac{3}{\sqrt{5}}.$$

- Câu 19.** [2H1.2-2] Hình hộp chữ nhật có ba kích thước đôi một khác nhau có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?
A. 4. B. 9. **C. 3.** D. 6.

Lời giải

Chọn C.



Hình hộp chữ nhật có ba kích thước đôi một khác nhau có 3 mặt phẳng đối xứng.

Câu 20. [2D1.5-2] Đường thẳng Δ có phương trình $y = 2x + 1$ cắt đồ thị của hàm số $y = x^3 - x + 3$ tại hai điểm A và B với tọa độ được kí hiệu lần lượt là $A(x_A; y_A)$ và $B(x_B; y_B)$ trong đó $x_B < x_A$. Tìm $x_B + y_B$?

- A. $x_B + y_B = -5$. B. $x_B + y_B = -2$. C. $x_B + y_B = 4$. D. $x_B + y_B = 7$.

Lời giải

Chọn A.

Phương trình hoành độ giao điểm

$$2x + 1 = x^3 - x + 3 \Leftrightarrow x^3 - 3x + 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x_A = 1 \\ x_B = -2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y_A = 3 \\ y_B = -3 \end{cases} \Rightarrow x_B + y_B = -5.$$

Câu 21. [2D1.1-1] Hàm số $y = x^4 - 2x^2 + 1$ nghịch biến trên các khoảng nào sau đây?

- A. $(-\infty; -1)$ và $(0; +\infty)$. B. $(-\infty; 0)$ và $(1; +\infty)$. C. $(-1; 0)$ và $(1; +\infty)$. D. $(-\infty; -1)$ và $(0; 1)$.

Lời giải

Chọn D.

Ta có $y' = 4x^3 - 4x$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \\ x = 0 \end{cases}$$

Bảng biến thiên

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$				
y'		$-$	0	$+$	0	$-$	0	$+$	
y	$+\infty$		0		1		0		$+\infty$

Hàm số đồng biến trên các khoảng $(-\infty; -1)$ và $(0; 1)$.

Câu 22. [2D1.3-1] Giá trị lớn nhất của hàm số $y = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 2$ trên đoạn $[-1; 2]$ thuộc khoảng nào dưới đây?

- A. $(3; 8)$. B. $(-7; 8)$. C. $(2; 14)$. D. $(12; 20)$.

Lời giải

Chọn D.

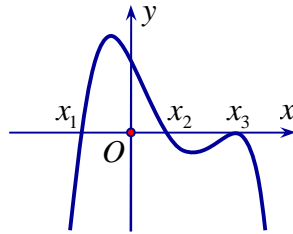
$$y' = 6x^2 + 6x - 12$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \in [-1; 2] \\ x = -2 \notin [-1; 2] \end{cases}$$

$$y(-1) = 15; y(1) = -5; y(2) = 6.$$

$$\underset{[-1; 2]}{\text{Max } y} = 15 \in (12; 20).$$

Câu 23. [2D1.2-2] Cho hàm số $y = f(x)$. Hàm số $y = f'(x)$ có đồ thị trên một khoảng K như hình vẽ bên.



Trong các khẳng định sau, có tất cả bao nhiêu khẳng định đúng?

(I) : Trên K , hàm số $y = f(x)$ có hai điểm cực trị.

(II) : Hàm số $y = f(x)$ đạt cực đại tại x_3 .

(III) : Hàm số $y = f(x)$ đạt cực tiểu tại x_1 .

A. 2.

B. 3.

C. 1.

D. 0.

Lời giải

Chọn A.

Dựa vào đồ thị hàm số suy ra bảng biến thiên cho hàm số $f(x)$ như sau:

x	$-\infty$	x_1	x_2	x_3	$+\infty$			
y'		-	0	+	0	-	0	-
y	$+\infty$							$-\infty$

Dựa vào BBT suy ra: hàm số có 2 điểm cực trị, điểm cực tiểu là $x = x_1$ và điểm cực đại là $x = x_2$. Vậy có 2 khẳng định đúng là (I) và (III).

Câu 24. [1D4.1-3] Với n là số tự nhiên lớn hơn 2, đặt $S_n = \frac{1}{C_3^3} + \frac{1}{C_4^3} + \frac{1}{C_5^3} + \dots + \frac{1}{C_n^3}$. Tính $\lim S_n$

A. 1.

B. $\frac{3}{2}$.

C. 3.

D. $\frac{1}{3}$.

Lời giải

Chọn B.

$$\text{Ta có: } C_n^3 = \frac{n!}{3!(n-3)!} = \frac{n(n-1)(n-2)}{6} \Rightarrow \frac{1}{C_n^3} = \frac{6}{n(n-1)(n-2)}.$$

Khi đó:

$$S_n = \frac{6}{1.2.3} + \frac{6}{2.3.4} + \frac{6}{3.4.5} + \dots + \frac{6}{(n-2)(n-1)n} = 6 \left(\frac{1}{1.2.3} + \frac{1}{2.3.4} + \frac{1}{3.4.5} + \dots + \frac{1}{(n-2)(n-1)n} \right)$$

$$\text{Xét dãy } (u_k): u_k = \frac{1}{(k-2)(k-1)k} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{k-1} \left(\frac{1}{k-2} - \frac{1}{k} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{k-1} \cdot \frac{1}{k-2} - \frac{1}{k-1} \cdot \frac{1}{k} \right).$$

Suy ra:

$$\frac{1}{1.2.3} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{1.2} - \frac{1}{2.3} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{6} \right).$$

$$\frac{1}{2.3.4} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2.3} - \frac{1}{3.4} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{12} \right).$$

$$\frac{1}{3.4.5} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{3.4} - \frac{1}{4.5} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{12} - \frac{1}{20} \right).$$

...

$$\frac{1}{(n-2)(n-1)n} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{(n-2)(n-1)} - \frac{1}{(n-1)n} \right).$$

$$\Rightarrow S_n = 6 \cdot \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{n(n-1)} \right) = 3 \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{n(n-1)} \right).$$

$$\text{Vậy } \lim S_n = \lim \left[3 \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{n(n-1)} \right) \right] = \frac{3}{2}.$$

Câu 25. [1D2.2-3] Tập nghiệm S của bất phương trình $5^{x+2} < \left(\frac{1}{25}\right)^{-x}$ là

A. $S = (-\infty; 2)$.

B. $S = (-\infty; 1)$.

C. $S = (1; +\infty)$

D. $S = (2; +\infty)$.

Lời giải

Chọn D.

$$5^{x+2} < \left(\frac{1}{25}\right)^{-x} \Leftrightarrow 5^{x+2} < 5^{2x} \Leftrightarrow x+2 < 2x \Leftrightarrow x > 2. \text{ Vậy } S = (2; +\infty).$$

Câu 26. [2H2.1-1] Khối cầu bán kính $R = 2a$ có thể tích là

A. $\frac{32\pi a^3}{3}$.

B. $6\pi a^3$.

C. $16\pi a^2$.

D. $\frac{8\pi a^3}{3}$.

Lời giải

Chọn A.

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{32\pi a^3}{3}.$$

Câu 27. [2H2.1-2] Cho hình chóp tam giác đều $S.ABC$ có cạnh đáy bằng a , góc giữa mặt bên và mặt đáy bằng 60° . Tính diện tích xung quanh của hình nón đỉnh S , đáy là hình tròn ngoại tiếp tam giác ABC .

A. $\frac{\pi a^2 \sqrt{3}}{3}$.

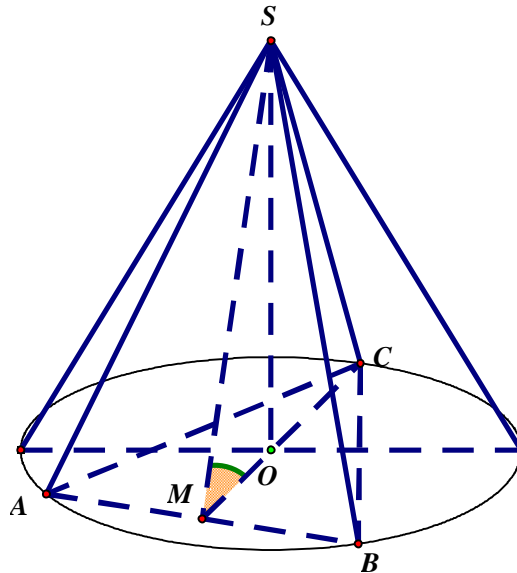
B. $\frac{\pi a^2 \sqrt{7}}{6}$.

C. $\frac{\pi a^2 \sqrt{7}}{4}$.

D. $\frac{\pi a^2 \sqrt{10}}{8}$.

Lời giải

Chọn B.



Gọi M là trung điểm của AB .

$$OM = \frac{1}{3}CM = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{a\sqrt{3}}{6}.$$

Xét tam giác vuông SOM ($\widehat{O} = 1v$) có $\cos 60^\circ = \frac{OM}{SM} \Rightarrow SM = \frac{a\sqrt{3}}{3}$.

Xét tam giác vuông SMB ($\widehat{M} = 1v$) có $SB = \sqrt{SM^2 + MB^2} = \sqrt{\frac{3a^2}{9} + \frac{a^2}{4}} = \frac{a\sqrt{21}}{6}$.

Ta có bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác ABC bằng $OC = \frac{2}{3}CM = \frac{a\sqrt{3}}{3}$.

$$\text{Vậy } S_{xq} = \pi rl = \pi \frac{a\sqrt{3}}{3} \cdot \frac{a\sqrt{21}}{6} = \frac{\pi a^2 \sqrt{7}}{6}.$$

Câu 28. [0H3.5-3] Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy , cho elip $(E): \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$. Điểm $M \in (E)$ sao cho $\widehat{F_1MF_2} = 90^\circ$. Tìm bán kính đường tròn nội tiếp tam giác MF_1F_2 .

A. 2.

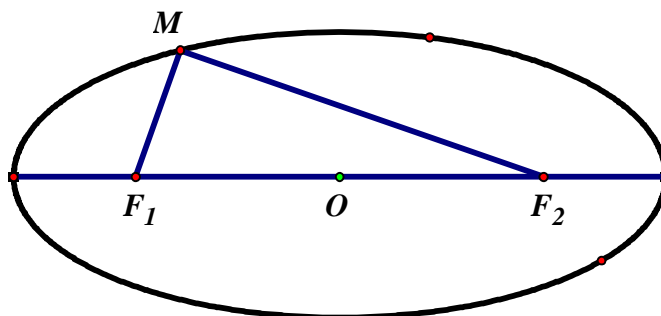
B. 4.

C. 1.

D. $\frac{1}{2}$.

Lời giải

Chọn C



Ta có $c^2 = a^2 - b^2 = 16 \Rightarrow 2c = F_1F_2 = 8$, và $F_1(-4;0), F_2(4;0)$.

$$\text{Giả sử } M(x; y) \in (E) \Rightarrow \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1(1)$$

Tam giác MF_1F_2 là tam giác vuông đỉnh M suy ra $\overline{MF_1} \cdot \overline{MF_2} = 0 \Leftrightarrow (-4-x; -y)(4-x; -y) = 0$
 $\Leftrightarrow x^2 - 16 + y^2 = 0 \Leftrightarrow x^2 = 16 - y^2$ (2).

Thay (2) vào (1) ta có:

$$\frac{16-y^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1 \Leftrightarrow 144 - 9y^2 + 25y^2 - 225 = 0 \Leftrightarrow 16y^2 = 81 \Leftrightarrow y = \pm \frac{9}{4} \Rightarrow x = \pm \frac{5\sqrt{7}}{4}.$$

Vậy có bốn điểm $M_1\left(\frac{5\sqrt{7}}{4}; \frac{9}{4}\right), M_2\left(\frac{5\sqrt{7}}{4}; -\frac{9}{4}\right), M_3\left(-\frac{5\sqrt{7}}{4}; \frac{9}{4}\right), M_4\left(-\frac{5\sqrt{7}}{4}; -\frac{9}{4}\right)$

thỏa mãn yêu cầu của bài toán.

Ta có $|\overline{MF_1}| = \frac{1}{4}\sqrt{512+160\sqrt{7}}, |\overline{MF_2}| = \frac{1}{4}\sqrt{512-160\sqrt{7}}, p = \frac{MF_1+MF_2+F_1F_2}{2}.$

$$S_{\Delta MF_1F_2} = \frac{1}{2}d(M, Ox) \cdot F_1F_2 = 9.$$

Vậy bán kính đường tròn nội tiếp tam giác $r = \frac{S_{\Delta MF_1F_2}}{p} = 1.$

Câu 29. [1D1.4-3] Có bao nhiêu giá trị nguyên của m thuộc đoạn $[-2018; 2018]$ để phương trình $(m+1)\sin^2 x - \sin 2x + \cos 2x = 0$ có nghiệm?

A. 4036 . **B. 2020 .** C. 4037 . D. 2019 .

Lời giải

Chọn B.

Ta có $(m+1)\sin^2 x - \sin 2x + \cos 2x = 0 \Leftrightarrow (m+1)\sin^2 x - \sin 2x + \cos^2 x - \sin^2 x = 0$
 $\Leftrightarrow \cos^2 x - 2\sin x \cdot \cos x + m\sin^2 x = 0$ (1)

Thay $\sin x = 0$ vào phương trình (1) ta được $\cos^2 x = 0$ (vô lí vì $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$)

$\Rightarrow \sin x \neq 0$, chia hai vế phương trình (1) cho $\sin^2 x$ ta được phương trình:

$$\cot^2 x - 2\cot x + m = 0$$
 (2)

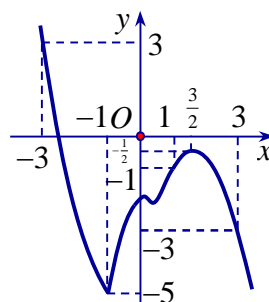
Phương trình (1) có nghiệm khi phương trình (2) có nghiệm

$$\Leftrightarrow \Delta' \geq 0 \Leftrightarrow 1 - m \geq 0 \Leftrightarrow m \leq 1$$

Mà $\begin{cases} m \in [-2018; 2018] \\ m \in \mathbb{Z} \end{cases} \Rightarrow m \in \{-2018; -2017; \dots; 0; 1\}$

\Rightarrow có 2020 số nguyên m thỏa yêu cầu.

Câu 30. [2D1.1-4] Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị $f'(x)$ như hình vẽ



Hàm số $y = f(1-x) + \frac{x^2}{2} - x$ nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng dưới đây?

A. $(-2; 0)$.

B. $(-3; 1)$.

C. $(3; +\infty)$.

D. $(1; 3)$.

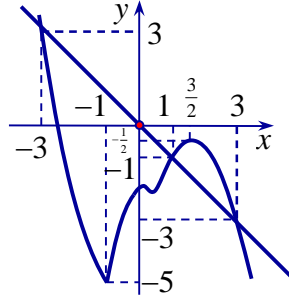
Lời giải

Chọn A

Ta có $y = f(1-x) + \frac{x^2}{2} - x \Rightarrow y' = -f'(1-x) + x - 1$

Hàm số $y = f(1-x) + \frac{x^2}{2} - x$ nghịch biến $\Rightarrow y' \leq 0 \Leftrightarrow f'(1-x) \geq x - 1$ (1)

Đặt $t = 1-x \Rightarrow x-1 = -t$, bất phương trình (1) trở thành $f'(t) \geq -t$



Đồ thị hàm số $f'(t)$ có dạng đồ thị hàm số $f'(x)$

Trong hệ trục tọa độ Oxy , vẽ đường thẳng $d: y = -x$ và đồ thị hàm số $y = f'(t)$

Đường thẳng d cắt đồ thị hàm số $y = f'(t)$ tại các điểm $A(-3; 3); B(1; -1); C(3; -3)$

Từ đồ thị suy ra $f'(t) \geq -t \Leftrightarrow \begin{cases} t \leq -3 \\ 1 \leq t \leq 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 1-x \leq -3 \\ 1 \leq 1-x \leq 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 4 \\ -2 \leq x \leq 0 \end{cases}$

Câu 31. [0D3.2-3] Tìm tất cả các giá trị tham số m để bất phương trình $6x + \sqrt{(2+x)(8-x)} \leq x^2 + m - 1$ nghiệm đúng với mọi $x \in [-2; 8]$.

A. $m \geq 16$.

B. $m \geq 15$.

C. $m \geq 8$.

D. $-2 \leq m \leq 16$.

Lời giải

Chọn B

Bất phương trình tương đương $-x^2 + 6x + 16 + \sqrt{(2+x)(8-x)} - 15 \leq m$

Đặt $\sqrt{(2+x)(8-x)} = t; x \in [-2; 8] \Rightarrow t \in [0; 5]$

Bất phương trình trở thành $t^2 + t - 15 \leq m$ với $t \in [0; 5]$

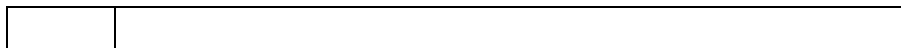
Xét hàm số $f(t) = t^2 + t - 15$ trên $[0; 5]$.

$$f'(t) = 2t + 1$$

$$f'(t) = 0 \Leftrightarrow t = -\frac{1}{2}$$

Bảng biến thiên

t	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	0	5	$+\infty$	
$f'(t)$	-	0		+		
$f(t)$	↘		-15	15	↗	



Nhìn vào bảng biến thiên ta thấy để bất phương trình có nghiệm $m \geq 15$

Câu 32. [2D2.2-1] Tìm tập xác định D của hàm số $y = (3x^2 - 1)^{\frac{1}{3}}$.

A. $D = \left(-\infty; -\frac{1}{\sqrt{3}}\right) \cup \left(\frac{1}{\sqrt{3}}; +\infty\right)$.

B. $D = \mathbb{R}$.

C. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{\pm \frac{1}{\sqrt{3}}\right\}$.

D. $D = \left(-\infty; -\frac{1}{\sqrt{3}}\right] \cup \left[\frac{1}{\sqrt{3}}; +\infty\right)$.

Lời giải

Chọn A.

Điều kiện xác định $3x^2 - 1 > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x > \frac{1}{\sqrt{3}} \\ x < -\frac{1}{\sqrt{3}} \end{cases}$

Câu 33. [2H1.2-1] Số cạnh của hình mười hai mặt đều là

A. Mười sáu.

B. Ba mươi.

C. Hai mươi.

D. Mười hai.

Lời giải

Chọn B.

Câu 34. [2H1.3-3] Cho hình chóp tứ giác đều có góc giữa mặt bên và mặt đáy bằng 60° . Biết rằng mặt cầu ngoại tiếp hình chóp đó có bán kính $R = a\sqrt{3}$. Tính độ dài cạnh đáy của hình chóp tứ giác đều nói trên.

A. $\frac{12}{5}a$.

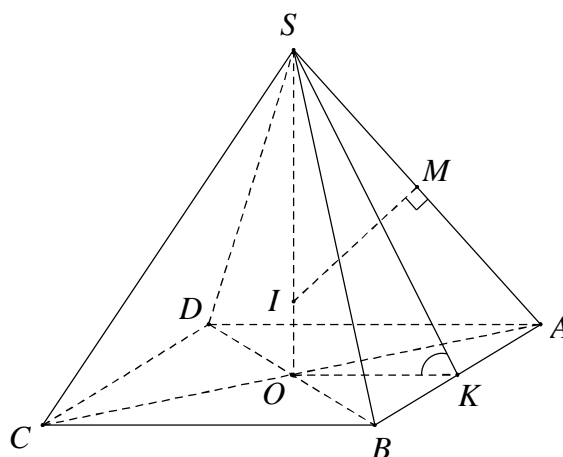
B. $2a$.

C. $\frac{3}{2}a$.

D. $\frac{9}{4}a$.

Lời giải

Chọn A.



Gọi K là trung điểm của AB , $AC \cap BD = O$. Góc giữa mặt bên và đáy là góc $\widehat{SKO} = 60^\circ$.
Gọi M là trung điểm của SA .

Trong $\triangle SOA$ dựng đường thẳng trung trực IM của SA , $I \in SO$.

Suy ra I là tâm mặt cầu ngoại tiếp hình chóp tứ giác.

Giả sử $AB = b$, suy ra $OK = \frac{b}{2}$, $OA = \frac{b\sqrt{2}}{2}$.

Xét ΔSOK có

$$\tan 60^\circ = \frac{SO}{OK} \Rightarrow SO = OK \cdot \tan 60^\circ = \frac{b\sqrt{3}}{2}$$

$$SA = \sqrt{SO^2 + OA^2} = \sqrt{\left(\frac{b\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{b\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \frac{b\sqrt{5}}{2}$$

Ta có $\Delta SMI \sim \Delta SOA$ (g.g) nên: $\frac{SI}{SA} = \frac{SM}{SO}$

$$\Rightarrow SI = \frac{SM \cdot SA}{SO} = \frac{\frac{1}{2}SA^2}{SO} = \frac{1}{2} \frac{5b^2}{\frac{b\sqrt{3}}{2}} = \frac{5\sqrt{3}}{12}b.$$

Theo giả thiết $\frac{5\sqrt{3}}{12}b = a\sqrt{3} \Rightarrow b = \frac{12}{5}a.$

Câu 35. [2D2.5-3] Biết rằng phương trình $e^x - e^{-x} = 2\cos ax$ (a là tham số) có 3 nghiệm thực phân biệt. Hỏi phương trình $e^x + e^{-x} = 2\cos ax + 4$ có bao nhiêu nghiệm thực phân biệt?

A. 5.

B. 10.

C. 6.

D. 11.

Lời giải

Chọn C

$$\text{Ta có } e^x + e^{-x} = \left(e^{\frac{x}{2}} - e^{-\frac{x}{2}}\right)^2 + 2 = 2\cos(ax) + 4 \Leftrightarrow \left(e^{\frac{x}{2}} - e^{-\frac{x}{2}}\right)^2 = 2\cos(ax) + 2 = 4\cos^2\left(a \cdot \frac{x}{2}\right)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} e^{\frac{x}{2}} - e^{-\frac{x}{2}} = 2\cos\left(a \cdot \frac{x}{2}\right) & (1) \\ e^{\frac{x}{2}} - e^{-\frac{x}{2}} = -2\cos\left(a \cdot \frac{x}{2}\right) & (2) \end{cases}$$

Phương trình (1) có ba nghiệm phân biệt, suy ra phương trình (2) cũng có 3 nghiệm phân biệt và không có nghiệm nào trùng với nghiệm của phương trình (1).

Vậy phương trình đã cho có 6 nghiệm thực phân biệt.

Câu 36. [2H2.1-1] Cho khối nón có bán kính đáy $r = \sqrt{3}$ và chiều cao $h = 4$. Tính thể tích V của khối nón đã cho.

A. $V = 16\pi\sqrt{3}.$

B. $V = \frac{16\pi\sqrt{3}}{3}.$

C. $V = 12\pi.$

D. $V = 4\pi.$

Lời giải

Chọn D

$$\text{Tính thể tích } V \text{ của khối nón đã cho là } V = \frac{1}{3} \cdot \pi r^2 h = \frac{1}{3} \pi \cdot 3 \cdot 4 = 4\pi.$$

Câu 37. [2D1.3-3] Giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \frac{2\sin x + 3}{\sin x + 1}$ trên $\left[0; \frac{\pi}{2}\right]$ là

A. 5.

B. 2.

C. 3.

D. $\frac{5}{2}.$

Lời giải

Chọn D

$$\text{Đặt } x \in \left[0; \frac{\pi}{2}\right] \Rightarrow t \in [0;1]$$

$$\text{Hàm số đã cho trở thành } f(t) = \frac{2t+3}{t+1} \Rightarrow f'(t) = \frac{-1}{(t+1)^2} < 0, \forall t \in [0;1]$$

$$\text{Vậy } \min_{[0;1]} f(t) = f(1) = \frac{5}{2}.$$

Câu 38. [1H3.5-3] Cho hình lăng trụ tam giác đều $ABC.A'B'C'$ có $AB = a$, $AA' = 2a$. Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng AB' và $A'C$.

A. $\frac{a\sqrt{3}}{2}$.

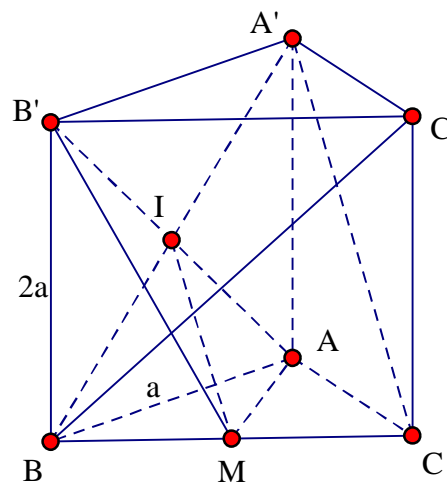
B. $\frac{2\sqrt{5}}{5}a$.

C. $a\sqrt{5}$.

D. $\frac{2\sqrt{17}}{17}a$.

Lời giải

Chọn D.



Gọi $I = AB' \cap A'B$, M là trung điểm của BC .

Ta có

$$MI \parallel A'C \Rightarrow A'C \parallel (AB'M) \Rightarrow d(A'C, AB') = d(A', (AB'M)) = d(B, (AB'M)) = \frac{3V_{BAB'M}}{S_{\Delta AB'M}}.$$

$$\text{Mà } V_{BAB'M} = \frac{1}{3} BB' \cdot \frac{1}{2} S_{\Delta ABC} = \frac{a^3 \sqrt{3}}{12}.$$

$$\text{Tam giác } AB'M \text{ có } AB' = a\sqrt{5}, B'M = \sqrt{B'B^2 + BM^2} = \frac{a\sqrt{17}}{2}, AM = \frac{a\sqrt{3}}{2}.$$

$$\text{Áp dụng định lý Hêrong ta có } S_{\Delta AB'M} = \frac{a^2 \sqrt{51}}{8}.$$

$$\text{Vậy } d(A'C, B'A) = d(B, (B'AM)) = \frac{2a\sqrt{17}}{17}.$$

Câu 39. [0H3.1-2] Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, giả sử điểm $A(a;b)$ thuộc đường thẳng $d: x - y - 3 = 0$ và cách $\Delta: 2x - y + 1 = 0$ một khoảng bằng $\sqrt{5}$. Tính $P = ab$ biết $a > 0$.

A. 4.

B. -2.

C. 2.

D. -4.

Lời giải

Chọn B.

Do $A(a;b) \in d$ nên $a - b - 3 = 0 \Leftrightarrow a = 3 + b$. Vậy $A(3+b;b)$.

$$\text{Theo bài: } d(A, \Delta) = \sqrt{5} \Leftrightarrow \frac{|2(3+b) - b + 1|}{\sqrt{2^2 + (-1)^2}} = \sqrt{5} \Leftrightarrow |b+7| = 5 \Leftrightarrow \begin{cases} b+7=5 \\ b+7=-5 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} b=-2 \Rightarrow a=1 \\ b=-12 \Rightarrow a=-9 \end{cases}. \text{ Vì } a > 0 \text{ nên } a=1, b=-2. \text{ Do đó } P = ab = -2$$

Câu 40. [2H2.1-1] Một hình trụ có bán kính đáy bằng r và có thiết diện qua trục là một hình vuông. Tính diện tích toàn phần của hình trụ đó.

- A. $4\pi r^2$. B. $6\pi r^2$. C. $8\pi r^2$. D. $2\pi r^2$.

Lời giải

Chọn B.

Do thiết diện qua trục là một hình vuông nên cạnh của hình vuông bằng $2r$. Suy ra chiều cao của hình trụ cũng bằng $2r$.

Vậy diện tích toàn phần của hình trụ đã cho là: $S_p = 2\pi rh + 2\pi r^2 = 4\pi r^2 + \pi r^2 = 6\pi r^2$.

Câu 41. [2D1.3-3] Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho giá trị lớn nhất của hàm số $y = \left| \frac{x^2 + mx + m}{x+1} \right|$ trên $[1; 2]$ bằng 2. Số phần tử của tập S là

- A. 3. B. 1. C. 4. D. 2.

Lời giải

Chọn D.

Đặt $f(x) = \frac{x^2 + mx + m}{x+1}$, ta có hàm số $f(x)$ xác định và liên tục trên đoạn $[1; 2]$.

Có: $f'(x) = \frac{x^2 + 2x}{(x+1)^2} > 0, \forall x \in [1; 2]$.

Suy ra: $\max_{[1;2]} f(x) = f(2) = \frac{4+3m}{3}$; $\min_{[1;2]} f(x) = f(1) = \frac{1+2m}{2}$.

Do đó $\max_{[1;2]} |f(x)| = \max\{|f(2)|; |f(1)|\}$. Theo bài ta có: $\begin{cases} |f(2)| = 2 \\ |f(1)| \leq 2 \end{cases} \vee \begin{cases} |f(1)| = 2 \\ |f(2)| \leq 2 \end{cases}$

Trường hợp 1:

$$\text{Ta có: } \begin{cases} |f(2)| = 2 \\ |f(1)| \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \left| \frac{4+3m}{3} \right| = 2 \\ \left| \frac{1+2m}{2} \right| \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = \frac{2}{3} \vee m = -\frac{10}{3} \\ -\frac{5}{2} \leq m \leq \frac{3}{2} \end{cases} \Leftrightarrow m = \frac{2}{3}.$$

Trường hợp 2:

$$\text{Ta có: } \begin{cases} |f(1)| = 2 \\ |f(2)| \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \left| \frac{1+2m}{2} \right| = 2 \\ \left| \frac{4+3m}{3} \right| \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = \frac{3}{2} \vee m = -\frac{5}{2} \\ -\frac{10}{3} \leq m \leq \frac{2}{3} \end{cases} \Leftrightarrow m = -\frac{5}{2}.$$

Vậy có giá trị của tham số m thỏa yêu cầu bài toán. Do đó tập S có hai phần tử.

Câu 42. [2D2.4-3] Cho a, b là các số thực dương thỏa mãn $b > 1$ và $\sqrt{a} \leq b < a$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = \log_{\frac{a}{b}} a + 2 \log_{\sqrt{b}} \left(\frac{a}{b} \right)$.

A. 6.

B. 7.

C. 5.

D. 4.

Lời giải

Chọn C

Vì $b > 1$ và $0 < \sqrt{a} \leq b < a$ nên $\log_b \sqrt{a} \leq 1 < \log_b a$ hay $1 < \log_b a \leq 2$.

$$\text{Khi đó } P = \log_{\frac{a}{b}} a + 2 \log_{\sqrt{b}} \left(\frac{a}{b} \right) = \frac{\log_b a}{\log_b a - 1} + 4(\log_b a - 1) = 1 + \frac{1}{\log_b a - 1} + 4(\log_b a - 1)$$

Áp dụng bất đẳng thức Cô si cho hai số dương $\frac{1}{\log_b a - 1}$ và $4(\log_b a - 1)$ ta có:

$$\frac{1}{\log_b a - 1} + 4(\log_b a - 1) \geq 4. \text{ Suy ra } P \geq 5. \text{ Vậy } \min P = 5 \text{ khi } a = b\sqrt{b}.$$

Câu 43. [2H2.2-3] Một hình trụ có độ dài đường cao bằng 3, các đường tròn đáy lần lượt là $(O;1)$ và $(O';1)$. Giả sử AB là đường kính cố định của $(O;1)$ và CD là đường kính thay đổi trên $(O';1)$. Tìm giá trị lớn nhất V_{\max} của thể tích khối tứ diện $ABCD$.

A. $V_{\max} = 2$.

B. $V_{\max} = 6$.

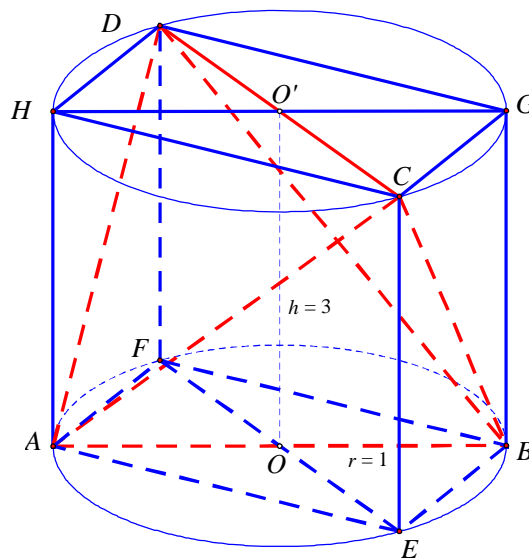
C. $V_{\max} = \frac{1}{2}$.

D. $V_{\max} = 1$.

Lời giải

Chọn A

Cách 1: Dựng hình hộp chữ nhật $AEBF.HCGD$ có thể tích V như hình vẽ.



Khi đó, đặt $AF = x$, với $0 < x < 2$ ta có $AE = \sqrt{AB^2 - AF^2} = \sqrt{4 - x^2}$.

Suy ra $V = AE.AF.AH = 3x.\sqrt{4 - x^2}$.

Do đó, thể tích khối tứ diện $ABCD$ là $V_{ABCD} = \frac{1}{3}V = x.\sqrt{4 - x^2} = \sqrt{x^2(4 - x^2)} \leq 2$.

Vậy $(V_{ABCD})_{\max} = 2$ khi $AEBF$ là hình vuông, tức là $AB \perp CD$.

Cách 2:

Ta có $V_{ABCD} = \frac{1}{6}AB.CD.d(AB;CD).\sin(AB;CD) = 2 \sin(AB;CD) \leq 2$.

Vậy $(V_{ABCD})_{\max} = 2$ khi $\sin(AB;CD) = 1$ hay $AB \perp CD$.

Câu 44. [1D2.5-4] Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho hình chữ nhật $OMNP$ với $M(0;10)$, $N(100;10)$, $P(100;0)$ Gọi S là tập hợp tất cả các điểm $A(x;y)$ với $x, y \in \mathbb{Z}$ nằm bên trong (kể cả trên cạnh) của hình chữ nhật $OMNP$. Lấy ngẫu nhiên một điểm $A(x;y) \in S$. Tính xác suất để $x+y \leq 90$.

A. $\frac{169}{200}$.

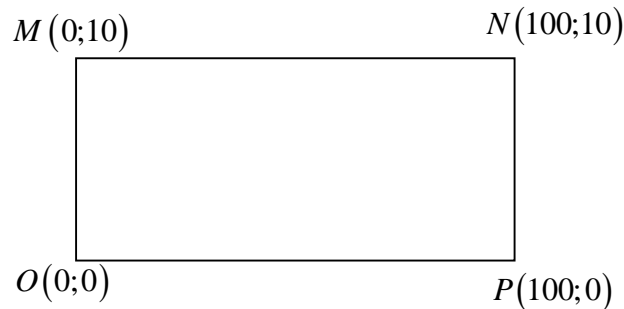
B. $\frac{473}{500}$.

C. $\frac{845}{1111}$.

D. $\frac{86}{101}$.

Lời giải

Chọn D



Ta có $n(S) = 101.11$

Số điểm $A(x;y) \in S$ thỏa mãn $x+y \leq 90$ là $n(A) = 101.11 - 10.11 - (1+2+3+\dots+10) = 946$.

Xác suất cần tìm là $P = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{86}{101}$.

Câu 45. [2D2.3-2] Tập xác định của $y = \ln(-x^2 + 5x - 6)$ là

A. $[2; 3]$.

B. $(2; 3)$.

C. $(-\infty; 2] \cup [3; +\infty)$.

D. $(-\infty; 2) \cup (3; +\infty)$.

Lời giải

Chọn A

Biểu thức $y = \ln(-x^2 + 5x - 6)$ xác định $\Leftrightarrow -x^2 + 5x - 6 \geq 0 \Leftrightarrow 2 \leq x \leq 3$.

Tập xác định của $y = \ln(-x^2 + 5x - 6)$ là $D = [2; 3]$

Câu 46. [2D2.4-2] Cho $f(x) = x.e^{-3x}$. Tập nghiệm của bất phương trình $f'(x) > 0$ là

A. $(-\infty; \frac{1}{3})$.

B. $(0; \frac{1}{3})$.

C. $(\frac{1}{3}; +\infty)$.

D. $(0; 1)$.

Lời giải

Chọn C

Ta có $f(x) = x.e^{-3x} \Rightarrow f'(x) = e^{-3x} - 3x.e^{-3x} = (1-3x)e^{-3x}$

$f'(x) > 0 \Leftrightarrow x > \frac{1}{3}$. Vậy tập nghiệm của bất phương trình $f'(x) > 0$ là $(\frac{1}{3}; +\infty)$.

Câu 47. [2H1.3-2] Cho khối chóp $S.ABCD$ có thể tích bằng $2a^3$ và đáy $ABCD$ là hình bình hành. Biết diện tích tam giác SAB bằng a^2 . Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng SB và CD .

A. a .

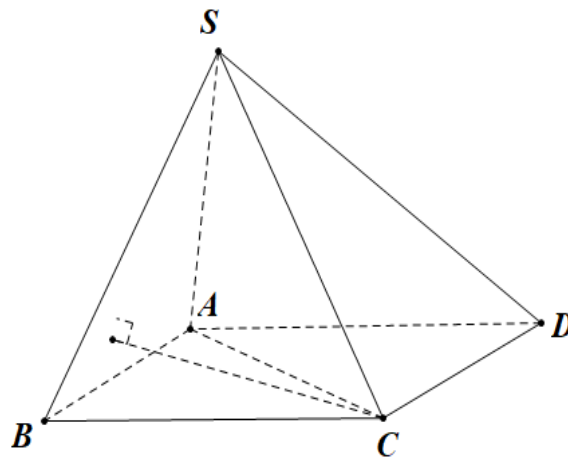
B. $\frac{3a}{2}$.

C. $3a$.

D. $\frac{a\sqrt{2}}{2}$.

Lời giải

Chọn C



$$d(CD; SB) = d(CD; (SAB)) = d(C; (SAB)) = \frac{3V_{SABC}}{S_{SAB}} = \frac{3V_{SABCD}}{2S_{SAB}} = \frac{3 \cdot 2 \cdot a^3}{2 \cdot a^2} = 3a.$$

Câu 48. [2D2.4-1] Đạo hàm của hàm số $y = e^{1-2x}$ là

- A. $y' = 2e^{1-2x}$. B. $y' = -2e^{1-2x}$. C. $y' = -\frac{e^{1-2x}}{2}$. D. $y' = e^{1-2x}$.

Lời giải

Chọn B.

Câu 49. [2D2.5-2] Tập nghiệm của bất phương trình $2\log_2(x-1) \leq \log_2(5-x) + 1$ là

- A. $[3; 5]$. B. $(1; 3]$. C. $[1; 3]$. D. $(1; 5)$.

Lời giải

Chọn B.

Điều kiện: $1 < x < 5$.

$$2\log_2(x-1) \leq \log_2(5-x) + 1 \Leftrightarrow \log_2(x-1)^2 \leq \log_2(10-2x)$$

$$\Leftrightarrow (x-1)^2 \leq 10-2x \Leftrightarrow -3 \leq x \leq 3. \text{ Vậy } S = (1; 3]$$

Câu 50. [2D1.1-2] Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để hàm số $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + 4x + 2$ đồng

biến trên tập xác định của nó?

- A. 4. B. 2. C. 5. D. 3.

Lời giải

Chọn C.

$$\text{Ta có: } y' = x^2 - 2mx + 4; y' \geq 0 \Leftrightarrow \Delta' = m^2 - 4 \leq 0 \Leftrightarrow -2 \leq m \leq 2.$$

Mà $m \in \mathbb{Z}$, suy ra $m \in \{-2; -1; 0; 1; 2\}$. Vậy có 5 giá trị của tham số m .

-----HẾT-----