

Câu 1. (2,0 điểm)

Rút gọn các biểu thức sau:

a) $A = (\sqrt{3} + \sqrt{27})\sqrt{3}$

b) $B = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a} + 1} + \frac{2\sqrt{a} + 1}{a + \sqrt{a}} \quad (a > 0)$

Câu 2. (1,5 điểm) Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} 2x - y = 3 \\ 3x + 2y = 1 \end{cases}$$
Câu 3. (2,0 điểm) Cho phương trình: $x^2 + mx + m - 1 = 0$ (1) (m là tham số).a) Giải phương trình (1) tại $m = 7$.

b) Chứng tỏ rằng phương trình (1) luôn có nghiệm với mọi giá trị của m.

c) Tìm m sao cho phương trình (1) có hai nghiệm x_1, x_2 là hai số đối nhau.**Câu 4. (1,0 điểm)** Cho các số thực dương a, b, c thỏa mãn:

$$(a + 2)(b + 2) + (b + 2)(c + 2) + (c + 2)(a + 2) > (a + 2)(b + 2)(c + 2)$$

Chứng minh rằng: $abc < 1$ **Câu 5. (3,5 điểm)** Cho đường tròn (O) đường kính MN, dây CD vuông góc với MN tại H. Trên đoạn CH lấy điểm I (không trùng với C và H), MI cắt đường tròn (O) tại điểm thứ hai là A.

a) Chứng minh tứ giác AIHN nội tiếp trong một đường tròn

b) Chứng minh $\angle MCD = \angle MAC$ c) Chứng minh $MC^2 = MI \cdot MA$

d) Gọi P là giao điểm của MA và CN, Q là giao điểm của AD và MN.

Chứng minh P là tâm của đường tròn nội tiếp tam giác ACQ.

-----Hết-----

Giám thị coi kiểm tra không giải thích gì thêm