

Câu 1(6 điểm). Tính:

a, $150 - (100 - 99 + 98 - 97 + \dots - 3 + 2 - 1)$

b, $\frac{\frac{2}{3} + \frac{2}{5} - \frac{2}{7}}{\frac{8}{3} + \frac{8}{5} - \frac{8}{7}}$

c, $1 + 3^2 + 3^3 + \dots + 3^{199} + 3^{200}$

d, $\frac{\frac{2013}{2} + \frac{2013}{3} + \frac{2013}{4} + \dots + \frac{2013}{2014}}{\frac{2013}{1} + \frac{2012}{2} + \frac{2011}{3} + \dots + \frac{1}{2013}}$

Câu 2(3,5 điểm).

1. So sánh: 55^{66} và 66^{55}

2. Chứng tỏ rằng: Nếu $9x + 5y$ chia hết cho 17 thì $2x + 3y$ chia hết cho 17.

Câu 3(4 điểm).

1. Tìm x, biết: a, $15 - (-53 + x) = 95$

b, $\frac{15}{2} - \left| 3x + \frac{4}{3} \right| = \frac{17}{4}$

2. Tìm số tự nhiên n để $A = \frac{15}{n-9}$ có giá trị lớn nhất.

Câu 4(4 điểm).

1. Cho góc xOz và góc zOy là hai góc kề bù. Biết góc zOy bằng bốn lần góc xOz.

a) Tính số đo góc xOz và góc zOy.

b) Gọi Om là tia phân giác của góc zOy. Tính số đo góc xOm.

2. Cho 2015 đường thẳng. Trong đó hai đường thẳng bất kỳ nào cũng cắt nhau và không có ba đường thẳng nào cùng đi qua một điểm. Tính số giao điểm của chúng.

Câu 5(2,5 điểm).

1. Tìm hai số tự nhiên a, b. Biết $5a = 4b$ và $\text{BCNN}(a, b) = 140$

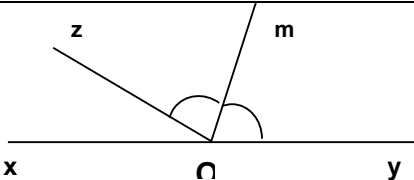
2. Cho a, b là hai số nguyên tố cùng nhau. Chứng minh rằng $\frac{8a+3b}{5a+2b}$ là phân số tối giản.

Hết

Họ và tên thí sinh.....Số báo danh.....
Giám thị 1:.....Giám thị 2:.....

Câu	ý	Nội dung	Điểm
I (6,0)	a (1,5đ)	$150 - (100 - 99 + 98 - 97 + \dots - 3 + 2 - 1)$ $= 150 - [(100 - 99) + (98 - 97) + \dots + (2 - 1)]$ $= 150 - (1 + 1 + 1 \dots + 1) \quad (50 \text{ số } 1)$ $= 150 - 50$ $= 100$	0,5 0,5 0,25 0,25
	b (1,5đ)	$\frac{2}{3} + \frac{2}{5} - \frac{2}{7} = 2 \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} \right)$ $\frac{8}{3} + \frac{8}{5} - \frac{8}{7} = 8 \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} \right)$ $= \frac{1}{4}$	1,0 0,5
	c (1,5đ)	$1 + 3^2 + 3^3 + \dots + 3^{199} + 3^{200}$ Đặt: $M = 1 + 3 + 3^2 + \dots + 3^{199} + 3^{200}$ Ta có: $3M = 3 \cdot (1 + 3 + 3^2 + \dots + 3^{199} + 3^{200})$ $= 3 + 3^2 + \dots + 3^{200} + 3^{201}$ $\Rightarrow 3M - M = (3 + 3^2 + \dots + 3^{200} + 3^{201}) - (1 + 3 + 3^2 + \dots + 3^{199} + 3^{200})$ $\Rightarrow 2M = 3^{201} - 1$ $\Rightarrow M = \frac{3^{201} - 1}{2}$	0,5 0,5 0,5
	d (1,5đ)	$\frac{2013}{2} + \frac{2013}{3} + \frac{2013}{4} + \dots + \frac{2013}{2014}$ $\frac{2013}{1} + \frac{2012}{2} + \frac{2011}{3} + \dots + \frac{1}{2013}$ $= \frac{2013 \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{2014} \right)}{\left(1 + \frac{2012}{2} \right) + \left(1 + \frac{2011}{3} \right) + \dots + \left(1 + \frac{1}{2013} \right) + 1}$ $= \frac{2013 \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{2014} \right)}{\frac{2014}{2} + \frac{2014}{3} + \dots + \frac{2014}{2013} + 1}$ $= \frac{2013 \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{2014} \right)}{2014 \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{2014} \right)}$ $= \frac{2013}{2014}$	0,5 0,5 0,25 0,25

2 (3,5)	1 (2,0đ) 2 (1,5đ)	So sánh: 55^{66} và 66^{55} Ta có: $55^{66} = (11.5)^{66} = 11^{66}.5^{66} = 11^{66}.(5^6)^{11} = 11^{66}.15625^{11}$ $66^{55} = (11.6)^{55} = 11^{55}.6^{55} = 11^{55}.(6^5)^{11} = 11^{55}.7776^{11}$ Mà $11^{66} > 11^{55}$ $15625^{11} > 7776^{11}$ Nên $11^{66}.15625^{11} > 11^{55}.7776^{11}$ Vậy $55^{66} > 66^{55}$ Ta có: $9x + 5y : 17$ $\Rightarrow 4.(9x + 5y) : 17$ $\Rightarrow 36x + 20y : 17$ $\Rightarrow 34x + 17y + 2x + 3y : 17$ $\Rightarrow 17(2x + y) + 2x + 3y : 17$ Mà: $17(2x + y) : 17$ $\Rightarrow 2x + 3y : 17$ Vậy nếu $9x + 5y$ chia hết cho 17 thì $2x + 3y$ chia hết cho 17.	0,5 0,5 0,75 0,25 0,5 0,5 0,5
3 (4,0)	1a (1,0đ) 1b (1,5đ) 2 (1,5đ)	$15 - (-53 + x) = 95$ $\Rightarrow -53 + x = 15 - 95$ $\Rightarrow -53 + x = -80$ $\Rightarrow x = -80 + 53$ $\Rightarrow x = -27$ Vậy $x = -27$ $\frac{15}{2} - \left 3x + \frac{4}{3} \right = \frac{17}{4}$ $\Rightarrow \left 3x + \frac{4}{3} \right = \frac{15}{2} - \frac{17}{4}$ $\Rightarrow \left 3x + \frac{4}{3} \right = \frac{13}{4}$ $\Rightarrow 3x + \frac{4}{3} = \pm \frac{13}{4}$ +) $3x + \frac{4}{3} = \frac{13}{4}$ $\Rightarrow 3x = \frac{13}{4} - \frac{4}{3}$ $\Rightarrow 3x = \frac{23}{12}$ $\Rightarrow x = \frac{23}{36}$ +) $3x + \frac{4}{3} = -\frac{13}{4}$ $\Rightarrow 3x = -\frac{13}{4} - \frac{4}{3}$ $\Rightarrow 3x = \frac{-55}{12}$ $\Rightarrow x = \frac{-55}{36}$ Vậy $x \in \left\{ \frac{23}{36}; \frac{-55}{36} \right\}$ Ta có: $15 > 0$ và không đổi.	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,5 0,25 0,25 0,5

		Nên $A = \frac{15}{n-9}$ có giá trị lớn nhất khi $n - 9 > 0$ và có giá trị nhỏ nhất (1) Ta lại có: $n \in N \Rightarrow n - 9 \in Z$ (2) Từ (1) và (2), suy ra $n - 9 = 1$ $\Rightarrow n = 10$ Vậy với $n = 10$ thì thỏa mãn điều bài.	0,25 0,25 0,25
4 (4,0)	(0,5đ)	Vẽ hình chính xác 	0,5
	1a (1,5đ)	Ta có: $\angle xOz$ và $\angle zOy$ là hai góc kề bù nên: $\angle xOz + \angle zOy = 180^0$ mà $\angle zOy = 4 \cdot \angle xOz$ nên: $5 \cdot \angle xOz = 180^0$ Do đó: $\angle xOz = 180^0 : 5 = 36^0$; $\angle zOy = 4 \cdot 36^0 = 144^0$	0,25 0,5 0,75
	1b (1,0đ)	Vì Om là tia phân giác của góc $\angle zOy$ nên: $\angle zOm = \angle mOy = \frac{1}{2} \angle zOy = 72^0$. Ta lại có: $\angle xOm + \angle mOy = 180^0$ Do đó $\angle xOm = 180^0 - \angle mOy = 180^0 - 72^0 = 108^0$	0,25 0,25 0,5
	2 (1,0đ)	- Mỗi đường thẳng cắt 2014 đường thẳng còn lại tạo ra 2014 giao điểm. - Có 2015 đường thẳng nên có: $2014 \cdot 2015 = 4058210$ giao điểm. - Do mỗi giao điểm đã tính hai lần nên số giao điểm là: $\frac{4058210}{2} = 2029105 \text{ (giao điểm)}$	0,25 0,25 0,5
5 (2,5)	1 (1,5đ)	Gọi ƯCLN $(a,b) = d$ Ta có: $\begin{cases} a = md \\ b = nd \end{cases} \quad (m,n,d \in N^* \text{ và } (m,n) = 1)$ Ta lại có: $5a = 4b$ $\Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{md}{nd} = \frac{m}{n} = \frac{4}{5}$ Mà: $(m,n) = 1$ $\Rightarrow \begin{cases} m = 4 \\ n = 5 \end{cases}$ $\Rightarrow \begin{cases} a = 4d \\ b = 5d \end{cases}$ Mặt khác: BCNN $(a,b) = 140$ $\Rightarrow 4 \cdot 5 \cdot d = 140$ $\Rightarrow d = 140 : 20 = 7$	0,25 0,5 0,25 0,25

		$\Rightarrow \begin{cases} a = 4.7 = 28 \\ b = 5.7 = 35 \end{cases}$ Vậy $a = 28$ và $b = 35$ thì thỏa mãn đầu bài.	0,25
	2 (1,0đ)	Gọi d là ước chung lớn nhất của $8a + 3b$ và $5a + 2b$ Ta có: $\begin{cases} 8a + 3b : d \\ 5a + 2b : d \end{cases}$ $\Rightarrow \begin{cases} 5(8a + 3b) : d \\ 8(5a + 2b) : d \end{cases}$ $\Rightarrow 8(5a + 2b) - 5(8a + 3b) : d$ $\Rightarrow 40a + 16b - 40a - 15b : d$ $\Rightarrow b : d \quad (1)$ Ta lại có: $\begin{cases} 8a + 3b : d \\ 5a + 2b : d \end{cases}$ $\Rightarrow \begin{cases} 2(8a + 3b) : d \\ 3(5a + 2b) : d \end{cases}$ $\Rightarrow 2(8a + 3b) - 3(5a + 2b) : d$ $\Rightarrow 16a + 6b - 15a - 6b : d$ $\Rightarrow a : d \quad (2)$ Từ (1) và (2) $\Rightarrow d \in UC(a, b)$ Mà a, b là hai số nguyên tố cùng nhau, nên $(a, b) = 1$ $\Rightarrow d = 1$ $\Rightarrow \frac{8a + 3b}{5a + 2b} \text{ là phân số tối giản.}$	0,25 0,25 0,25
			0,25

Ghi chú:

- Hướng dẫn chấm chỉ nêu một cách giải cho từng bài. Nếu học sinh làm cách khác đúng thì cho điểm tương đương.
- Câu 4.1 hình vẽ sai hoặc không vẽ hình thì không chấm lời giải.
- Điểm bài thi của thí sinh là tổng điểm của tất cả các câu, không làm tròn.