

MÔN THI: TOÁN 9

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian phát đề)

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $A = \left(\frac{1}{x-\sqrt{x}} + \frac{\sqrt{x}+1}{x-1} \right) : \frac{\sqrt{x}+1}{x-2\sqrt{x}+1}$ với $x > 0, x \neq 1$.

1. Rút gọn biểu thức A và tính giá trị của A khi $x = 7 - 4\sqrt{3}$.
2. Tìm x để $|3A-1| > 3A-1$.
3. So sánh A với 1.

Bài 2. (2,0 điểm).

Cho hàm số $y = f(x) = (2m-1)x + m - 4$, đồ thị hàm số là đường thẳng (d).

1. Tìm điều kiện của m để $f(\sqrt{2019}) > f(\sqrt[3]{2019})$.
2. Tìm m để đường thẳng (d) cắt đường thẳng $y = 3x - 1$ tại điểm có hoành độ bằng 2.
3. Tìm các giá trị nguyên dương m để đường thẳng (d) tạo với hai trục tọa độ một tam giác có diện tích bằng 4,5 (đơn vị diện tích).

Bài 3. (2,0 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} x - (a+3)y = 0, \\ (a-2)x + 4y = a-1. \end{cases}$ (a là tham số).

1. Giải hệ phương trình với $a = 2$.
2. Tìm a để hệ có nghiệm duy nhất $(x;y)$ thỏa mãn $2x + 3y > 5$.
3. Tìm tất cả các giá trị nguyên a để hệ có nghiệm duy nhất $(x;y)$ với x, y là số nguyên.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho đường tròn tâm O, bán kính R . Từ một điểm M trên đường thẳng d (khoảng cách từ O đến đường thẳng $d < R\sqrt{2}$) ta vẽ hai tiếp tuyến MA, MB đến $(O;R)$, A và B là hai tiếp điểm; AB cắt OM tại N .

1. Chứng minh bốn điểm M, A, O, B cùng thuộc một đường tròn và $OM \cdot ON = R^2$.
2. OM cắt $(O;R)$ tại I , tính tỉ số $\frac{IM}{IN}$ khi $\cos \widehat{ABO} = \frac{1}{3}$.
3. Chứng minh khi M di chuyển trên d thì tâm đường tròn nội tiếp tam giác MAB di chuyển trên một đường cố định.
4. Trên nửa mặt phẳng bờ OA có chứa điểm M vẽ $Ox \perp OM$, tia này cắt MB tại K , xác định vị trí điểm M để tam giác MOK có diện tích nhỏ nhất.

Bài 5. (0,5 điểm). *Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).*

1. Cho các số thực dương a, b, c thỏa mãn $abc = 1$. Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức

$$S = \frac{1}{2ab+ac+3} + \frac{1}{2ac+bc+3} + \frac{1}{2bc+ab+3}.$$

2. Giải phương trình $9 + 3\sqrt{x(3-2x)} = 7\sqrt{x} + 5\sqrt{3-2x}$.

-----HẾT-----

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

MÔN THI: TOÁN 9

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian phát đề)

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $B = \left(\frac{\sqrt{x}}{x-4} + \frac{1}{\sqrt{x}-2} + \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}+2} \right) : \frac{x\sqrt{x}+1}{(x-4)\sqrt{x}}$.

1. Rút gọn biểu thức B và tìm x để $2B^2 > 3B$.
2. Tìm tất cả các giá trị x để B nhận giá trị nguyên.

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho đường thẳng $d: y = 2x + m - 5$.

1. Tìm điều kiện của m để đường thẳng d tạo với hai trục tọa độ một tam giác vuông cân.
2. Viết phương trình đường thẳng Δ vuông góc với (d) và cắt Ox tại điểm có hoành độ bằng 3.
3. Tìm giá trị m để đường thẳng d cắt đường thẳng $y = x + 2m$ tại điểm $M(x;y)$ sao cho M nằm trên đường tròn tâm O, bán kính $R = 5\sqrt{2}$.

Bài 3. (1,5 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} x + ay = 3a, \\ ax - y = a^2 - 2. \end{cases}$ (a là tham số).

Tìm a để hệ có nghiệm duy nhất $(x;y)$ thỏa mãn

1. Điểm $K(x;y)$ nằm trong góc phần tư thứ nhất của mặt phẳng tọa độ.
2. $x^2 - 3x - 5y > a$.

Bài 4. (1,0 điểm).

1. Giải phương trình $\sqrt{x} + \sqrt{2x-1} = 2$.
2. Giải hệ phương trình $\begin{cases} 3(x+y) - 5(x-2y) = 1, \\ 7(x+2y) - 3(x-y) = 4. \end{cases}$

Bài 5. (3,0 điểm).

Cho nửa đường tròn $(O;R)$, đường kính AB . Kẻ hai tiếp tuyến Ax, By của $(O;R)$ trên cùng một nửa mặt phẳng bờ là AB . Từ một điểm M nằm trên nửa đường tròn (M khác A và B) kẻ tiếp tuyến mn với $(O;R)$, mn cắt Ax, By tương ứng tại C và D ; OC cắt MA tại P và OD cắt MB tại Q .

1. Chứng minh tam giác COD vuông tại O .
2. Chứng minh $MPOQ$ là hình chữ nhật và $AC \cdot BD = PQ^2$.
3. Gọi I là giao điểm của BC và AD , chứng minh $MI \perp AB$.
4. Biết rằng bốn điểm C, D, Q, P cùng thuộc một đường tròn tâm T . Tính bán kính của đường tròn (T) theo R nếu $AC + BD = 10$.

Bài 6. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (6.1 hoặc 6.2).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} x^3 - y^3 + x^2 + y^2 + xy + 1 = y - x, \\ \sqrt{2x+y} + \sqrt{3x+2y+2} = 3x^2 - y + 4. \end{cases}$
2. Cho x, y, z là các số thực dương thỏa mãn $x + y + z = 1$. Chứng minh $2(x^2 + y^2 + z^2) + 9xyz \geq 1$.

HẾT-----

MÔN THI: TOÁN 9

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian phát đề)

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $P = \frac{x\sqrt{x}-3}{x-2\sqrt{x}-3} - \frac{2(\sqrt{x}-3)}{\sqrt{x}+1} + \frac{\sqrt{x}+3}{3-\sqrt{x}}$ với $x \geq 0; x \neq 9$.

1. Rút gọn biểu thức P và tìm x để $P - \sqrt{x} = 5$.
2. Tính giá trị biểu thức P khi $x^2 = 28 - 16\sqrt{3}$.
3. Tìm giá trị nhỏ nhất của P .

Bài 2. (2,0 điểm).

Cho đường thẳng d: $y = (m-3)x - m + 5$ (m là tham số).

1. Tính khoảng cách từ gốc tọa độ O đến đường thẳng d khi $m = 2$.
2. Tìm m để đường thẳng d và hai đường thẳng $y = x + 2; y = 3x - 4$ đồng quy.
3. Tìm m để đường thẳng d cắt đường thẳng $y = mx + 2m - 4$ tại điểm M(x;y) sao cho $2x + y$ đạt giá trị lớn nhất.

Bài 3. (2,0 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} x - 2y = a + 1, \\ 3x + y = 7a + 3. \end{cases}$ (a là tham số).

1. Giải hệ phương trình khi $a = 2y + 1$.
2. Chứng minh hệ luôn có nghiệm duy nhất (x;y) với mọi giá trị a .
 - a) Tìm a để $x^2 = 5y + 1$.
 - b) Tìm a để điểm M(x;y) nằm trên đường thẳng $2x - 3y = 10$.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho đoạn thẳng AB và O là trung điểm của nó. Vẽ về một phía của AB các đường thẳng Ax, By cùng vuông góc với AB. Các điểm M, N theo thứ tự dịch chuyển trên Ax, By sao cho $\widehat{MON} = 90^\circ$. Gọi I là trung điểm của MN.

1. Chứng minh AB là tiếp tuyến của đường tròn (I;IO) và MO là phân giác của \widehat{AMN} .
2. Chứng minh MN là tiếp tuyến của đường tròn đường kính AB và AM.BN không đổi.
3. Tìm vị trí điểm M để $MA + BN$ nhỏ nhất.
4. Kẻ $OH \perp MN$ tại H. Xác định vị trí điểm H để diện tích tam giác AHB lớn nhất.

Bài 5. (0,5 điểm). *Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).*

1. Cho các số dương a, b, c có tích bằng 1. Chứng minh bất đẳng thức

$$\frac{1}{\sqrt{a+2b+6}} + \frac{1}{\sqrt{b+2c+6}} + \frac{1}{\sqrt{c+2a+6}} \leq 1.$$

2. Giải hệ phương trình $\begin{cases} 3x^2 - 2y^2 - xy + 12x - 17y - 15 = 0, \\ \sqrt{2-x} + \sqrt{6-x-x^2} = y + \sqrt{2y+5} - \sqrt{y+4}. \end{cases}$

-----HẾT-----

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

MÔN THI: TOÁN 9

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian phát đề)

Bài 1. (1,5 điểm).

Cho biểu thức $Q = \left(\frac{4\sqrt{x}}{2+\sqrt{x}} + \frac{8x}{4-x} \right) : \left(\frac{\sqrt{x}-1}{x-2\sqrt{x}} - \frac{2}{\sqrt{x}} \right)$ với $x > 0; x \neq 4; x \neq 9$.

1. Rút gọn Q và tính giá trị của Q khi $x=10\sqrt{x}+9=0$.
2. Với $x > 9$, tìm giá trị nhỏ nhất của Q .

Bài 2. (2,0 điểm).

1. Tìm điều kiện của m để hàm số $y = (m^2 - 3m + 2)x + 4$ nghịch biến trên \mathbb{R} .
2. Viết phương trình đường thẳng d biết d cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng 3 và cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng -4.
3. Tính chiều cao OH của tam giác OAB biết rằng $A(1;2), B(3;4), O$ là gốc tọa độ.

Bài 3. (1,5 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} ax - y = a + 1, \\ 3x - (a + 2)y = 2. \end{cases}$ (a là tham số).

Khi hệ phương trình có nghiệm duy nhất $(x;y)$.

1. Tìm hệ thức liên hệ giữa x và y độc lập với a .

2. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $T = y^2 - 3x - 2y + \frac{4x}{ay}$.

Bài 4. (1,5 điểm).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} x\sqrt{x} - y\sqrt{y} = 0, \\ \sqrt{2x-1} = x + 2y - 2. \end{cases}$

2. Rút gọn biểu thức $P = 2\sqrt{9-4\sqrt{5}} - \frac{3}{\sqrt{5}-2} + \sqrt{21+8\sqrt{5}}$.

Bài 5. (3,0 điểm).

Cho đường tròn $(O;R)$, từ điểm A cố định thuộc $(O;R)$ vẽ tiếp tuyến xy , từ điểm M trên xy vẽ tiếp tuyến MB với $(O;R)$. Hai đường cao AD và BE của tam giác MAB cắt nhau tại H , MO cắt AB tại K .

1. Chứng minh OM là trung trực của AB và O, M, H thẳng hàng.
2. Chứng minh $AOBH$ là hình thoi và $OK \cdot OM$ có giá trị không đổi.
3. Khi điểm M di chuyển trên xy thì điểm H di chuyển trên đường nào?

Bài 6. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (6.1 hoặc 6.2).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} x^3 - y^3 - 3(2x^2 - y^2 + 2y) + 15x = 10, \\ \sqrt{x^2 + y - 5} + 3\sqrt{y} - \sqrt{3x^2 - 6y + 13} = 0. \end{cases}$

2. Cho các số thực không âm a, b, c thỏa mãn $ab + bc + ca = 3$. Chứng minh $a^3 + b^3 + c^3 + 7abc \geq 10$.

HẾT

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (2,5 điểm).

Cho biểu thức $P = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} \right) : \left(\frac{2}{x} - \frac{2-x}{x\sqrt{x}+x} \right)$ với $0 < x \neq 1$.

1. Rút gọn biểu thức P .
2. Tìm điều kiện của x để $P > 4$.
3. Tồn tại hay không các số thực m, n sao cho $2018P = \sqrt{1 - \frac{1}{m^2 + n^2 + 1}}$?

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho đường thẳng $d: y = (2m-1)x + m - 5$, m là tham số.

1. Tìm m để đường thẳng d cắt đường thẳng $y = (2m-5)x + m - 8$ tại điểm có hoành độ dương.
2. Tính khoảng cách lớn nhất từ gốc tọa độ O đến đường thẳng d .
3. Tìm m để đường thẳng d cắt đường thẳng $y = x + 2$ tại điểm $M(x; y)$ thỏa mãn đồng thời
 - M thuộc góc phần tư thứ nhất của mặt phẳng tọa độ.
 - Biểu thức $T = x^3 - 3y + 10$ đạt giá trị lớn nhất.

Bài 3. (1,5 điểm).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} 6x + 5y = 11xy, \\ 3x + 4y = 7xy. \end{cases}$

2. Cho $\sin x + \cos x = \sqrt{2}$, tính $Q = \sin x \cos x + \sqrt{2}$.

3. Cho $K = \sqrt{9 - 4\sqrt{5}} + x + 2\sqrt{x} + m + 2$. Tìm giá trị tham số m để $K_{\min} = \sqrt{5}$.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho nửa đường tròn $(O; R)$ đường kính AB . Trên cùng một nửa mặt phẳng bờ AB chứa đường tròn vẽ các tiếp tuyến Ax, By với nửa đường tròn. Trên nửa đường tròn lấy điểm C bất kỳ, vẽ tiếp tuyến của (O) tại C cắt Ax, By lần lượt tại D và E .

1. Chứng minh $AD + BE \geq AB$.
2. AC cắt DO tại M, BC cắt OE tại N . Tìm vị trí của điểm C trên nửa đường tròn để MN là phân giác góc \widehat{CMO} .
3. Chứng minh tổng $MO \cdot DM + ON \cdot NE$ có giá trị không đổi.
4. AN cắt CO tại H , khi C di chuyển trên nửa đường tròn $(O; R)$ thì điểm H di chuyển trên đường nào? Vì sao?

Bài 5. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} (\sqrt{x+1} - 1)(\sqrt{y^2 + 1} + y) = \sqrt{x}, \\ 2x^3(y^2 + 1) = 2 + (x+1)xy. \end{cases}$

2. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $S = \sqrt{(x-1)^2 + y^2} + \sqrt{(x+1)^2 + y^2} + |y-2|$.

-----HẾT-----

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:; Số báo danh:

Bài 1. (1,5 điểm).

Cho biểu thức $D = \left(\frac{a-b}{\sqrt{a}-\sqrt{b}} - \frac{a\sqrt{a}-b\sqrt{b}}{a-b} \right) \cdot \frac{(\sqrt{a}+\sqrt{b})^2}{a\sqrt{a}+b\sqrt{b}}$ với $a \geq 0; b \geq 0; a \neq b$.

1. Rút gọn biểu thức D .
2. Tính giá trị của D khi $a^2 - 5ab + 4b^2 = 0$.
3. Tìm số thực k nhỏ nhất sao cho $D < k$ với điều kiện xác định của bài toán.

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho hai điểm $A(-2;1)$ và $B(1;2)$, đường thẳng Δ đi qua hai điểm A, B .

1. Viết phương trình đường thẳng d đi qua điểm $M(2;5)$ và song song với đường thẳng Δ .
2. Chứng minh tam giác OAB vuông cân tại O .
3. Tính diện tích tam giác OAB theo ba cách khác nhau.

Bài 3. (1,0 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} x - 2y = 3, \\ x + my = m + 4. \end{cases}$ (m là tham số).

1. Giải hệ phương trình với $m = 3$.
2. Tìm m để hệ có nghiệm duy nhất $(x;y)$ sao cho điểm $M(x;y)$ nằm trên đường tròn tâm O , bán kính $R = \frac{3}{\sqrt{5}}$.

Bài 4. (2,0 điểm).

1. Giải phương trình $\sqrt{x} + \sqrt{2x-3} = \sqrt{3(x-1)}$.
2. Cho góc nhọn x thỏa mãn $\tan x = 2$. Tính $\sin x \cos x$.

Bài 5. (3,0 điểm).

Cho tam giác ABC vuông tại A , đường cao AH , $AB < AC$. Vẽ đường tròn $(B;BA)$ cắt đường thẳng AH tại D , D khác A . Vẽ đường kính AK của đường tròn $(B;BA)$. Từ K vẽ tia Kx vuông góc với AK , Kx cắt AD tại N .

1. Chứng minh H là trung điểm của AD và CD là tiếp tuyến của đường tròn $(B;BA)$.
2. Chứng minh $DN \cdot DC = DB \cdot DK$.
3. Từ điểm M thuộc cung nhỏ AD của đường tròn $(B;BA)$ vẽ tiếp tuyến cắt AC và CD lần lượt tại E và F . Chứng minh rằng nếu $S_{ABDC} = 4S_{EBF}$ thì $CE + CF = 3EF$.

Bài 6. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (6.1 hoặc 6.2).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} 2\sqrt{x+3y+2} - 3\sqrt{y} = \sqrt{x+2}, \\ \sqrt{y-1} - \sqrt{4-x} = x^2 - 8. \end{cases}$
2. Tìm tất cả các bộ ba số $(x;y;z)$ thỏa mãn $x\sqrt{4-y^2} + y\sqrt{5-z^2} + z\sqrt{6-x^2} = 7,5$.

-----HẾT-----

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:; Số báo danh:

Bài 1. (2,0 điểm).

1. Rút gọn biểu thức $B = \frac{4\sqrt{6} - 2\sqrt{10}}{2\sqrt{2}} + \frac{4}{\sqrt{3} - \sqrt{5}} + 3\sqrt{6 - 2\sqrt{5}}$.

2. Giải hệ phương trình $\begin{cases} (x-y)(x^2+y^2+1)=0, \\ x-\sqrt{x}+2\sqrt{y}-2=0. \end{cases}$

Bài 2. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $P = \left(\frac{x+3}{x-1} + \frac{\sqrt{x}}{1-\sqrt{x}} + \frac{1}{1+\sqrt{x}} \right) \cdot \left(\frac{x\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}-1} + \sqrt{x} \right)$ với $0 \leq x \neq 1$.

1. Rút gọn P .
2. Tìm giá trị nguyên x để biểu thức $\frac{P}{2}$ có giá trị nguyên.

Bài 3. (2,0 điểm).

Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho đường thẳng $d: y = (m-1)x + 3m - 2$, m là tham số.

1. Tìm m để đường thẳng d đi qua điểm $M(1;5)$.
2. Tìm m để đường thẳng d vuông góc với đường thẳng $2x - 3y + 1 = 0$.
3. Tìm m để d tạo với hai trục tọa độ một tam giác vuông có góc α thỏa mãn $\cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{5}$.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho tam giác ABC vuông tại A , vẽ đường tròn tâm O đường kính AC . Đường tròn (O) cắt BC tại điểm thứ hai là I . Kẻ OM vuông góc với BC tại M , AM cắt (O) tại điểm thứ hai là N .

1. Chứng minh $AI^2 = BI \cdot CI$ và $AM \cdot MN = CM^2$.
2. Từ I kẻ IH vuông góc với AC tại H . Gọi K là trung điểm của IH . Tiếp tuyến tại I của (O) cắt AB tại P . Chứng minh ba điểm C, K, P thẳng hàng.
3. Chứng minh OI là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác IMN .

Bài 5. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).

1. Giải phương trình $\sqrt{x-3} + \sqrt{x-2} = \sqrt{x^2 - 3x - 2}$.
2. Cho bốn số thực dương a, b, c, d thỏa mãn $a+b+c+d=4$. Chứng minh

$$\frac{a}{1+b^2c} + \frac{b}{1+c^2a} + \frac{c}{1+d^2a} + \frac{d}{1+a^2b} \geq 2.$$

HẾT-----

Cần bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (1,5 điểm).

Cho biểu thức $P = \frac{2\sqrt{x}-3}{x+2\sqrt{x}} : \left(\frac{1}{\sqrt{x}+2} + \frac{1}{\sqrt{x}-2} - \frac{4}{x-4} \right)$ với $x > 0; x \neq 4$.

1. Rút gọn biểu thức P .
2. Tính giá trị của P khi x thỏa mãn $3x - 4\sqrt{x} + 1 = 0$.
3. Tìm x để P nhận giá trị dương.

Bài 2. (1,5 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} x - my = 3, \\ mx - (2m-1)y = 4. \end{cases}$ (m là tham số).

1. Giải hệ phương trình với $m = 2$.
2. Chứng minh rằng khi $m \neq 1$, hệ đã cho có nghiệm duy nhất $(x;y)$ thỏa mãn $(x-3)(x-2y) + y^2 = 4y$.

Bài 3. (1,5 điểm).

Cho hàm số $y = f(x) = (3a-1)x + a - 2$, đồ thị là đường thẳng d .

1. Tìm a để hàm số đã cho nghịch biến trên \mathbb{R} .
2. Tìm a để đường thẳng d cắt tia Oy .
3. Tìm a để đường thẳng d song song với đường thẳng đi qua hai điểm $A(1;4), B(2;7)$.

Bài 4. (1,5 điểm).

1. Rút gọn biểu thức $K = \frac{5\sqrt{5}-2\sqrt{2}}{\sqrt{5}-\sqrt{2}} - \sqrt{11-2\sqrt{10}} - \sqrt{4-2\sqrt{3}}$.

2. Cho góc nhọn α thỏa mãn $\sin \alpha = 2 \cos \alpha$. Tính $\tan \alpha + 4 \cot \alpha$.

Bài 5. (3,5 điểm).

Cho nửa đường tròn tâm O đường kính $AB = 2R$. Từ một điểm M nằm trên nửa đường tròn vẽ tiếp tuyến xy , vẽ AD và BC vuông góc với xy lần lượt tại D và C .

1. Chứng minh $MC = MD$ và $ADCB$ là hình thang vuông.
2. Chứng minh $AD + BC$ có giá trị không đổi khi M di động trên nửa đường tròn.
3. Chứng minh đường tròn đường kính CD tiếp xúc đồng thời với AD, BC, AB .
4. Tìm vị trí của điểm M trên nửa đường tròn (O) để tứ giác $ABCD$ có diện tích lớn nhất.

Bài 6. (0,5 điểm). *Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (6.1 hoặc 6.2).*

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} x^2y + 2y + x = 4xy, \\ \frac{1}{x^2} + \frac{1}{xy} + \frac{x}{y} = 3. \end{cases}$
2. Giải phương trình $(\sqrt{x+3} - \sqrt{x+1})(x^2 + \sqrt{x^2 + 4x + 3}) = 2x$.

HẾT

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $Q = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{x-\sqrt{x}} \right) : \left(\frac{1}{\sqrt{x}+1} + \frac{2}{x-1} \right)$ với $0 < x \neq 1$.

1. Rút gọn biểu thức Q và tính giá trị Q khi $x = 6 - 2\sqrt{5}$.
2. Tìm điều kiện tham số m để tồn tại x thỏa mãn $Q\sqrt{x} = m + \sqrt{x}$.

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho đường thẳng d : $y = 3x - 2m + 1$, m là tham số, O là gốc tọa độ.

1. Cho điểm $H(0;4)$. Tìm m để đường thẳng d và đoạn thẳng OH có điểm chung.
2. Đường thẳng d cắt đường thẳng $y = 2x + m - 5$ tại điểm $M(x;y)$.
 - a) Chứng minh M luôn thuộc một đường thẳng cố định khi m thay đổi.
 - b) Tìm m sao cho $x - y < m^2 + 15$.

Bài 3. (2,0 điểm).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} 4(x+y) - 5(x-y) = 8, \\ x^2 + y^2 = 2. \end{cases}$

2. Cho góc nhọn α thỏa mãn $2\sin\alpha + 3\cos\alpha = \frac{18}{5}$. Tính $\cot\alpha$.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho đường tròn tâm O bán kính R , đường kính AB . Qua điểm A kẻ tiếp tuyến Ax với $(O;R)$. Trên tia Ax lấy điểm C sao cho $AC > R$. Từ điểm C kẻ tiếp tuyến CM với đường tròn $(O;R)$, M là tiếp điểm.

1. Chứng minh bốn điểm A, C, O, M cùng thuộc một đường tròn và $MB \parallel OC$.
2. Gọi K là giao điểm thứ hai của BC với $(O;R)$. Chứng minh $BC \cdot BK = 4R^2$.
3. Chứng minh $CM^2 = CK \cdot CB$ và $\widehat{CMK} = \widehat{MBC}$.
4. AM cắt OC tại E , AK cắt OC tại F . Chứng minh $\widehat{CEK} = \widehat{CAK}$ và $FC \cdot FA = FK \cdot FE$.

Bài 5. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).

1. Cho ba số thực $a, b, c \in [1; 2]$ có tổng bằng 4. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$A = \sqrt{5a-1} + \sqrt{5b-1} + \sqrt{5c-1}.$$

2. Giải hệ phương trình $\begin{cases} 5x^2y - 4xy^2 + 3y^3 - 2(x+y) = 0, \\ xy(x^2 + y^2) + 2 = (x+y)^2 \end{cases}$

-----HẾT-----

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (1,5 điểm).

Cho biểu thức $K = \left(\frac{2}{\sqrt{x}-1} - \frac{5}{x+\sqrt{x}-2} \right) : \left(1 + \frac{3-x}{x+\sqrt{x}-2} \right)$.

1. Rút gọn biểu thức K và tìm x sao cho $K = \frac{\sqrt{x}}{5} - 1$.

2. Tìm các giá trị của x để K nhận giá trị nguyên.

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho ba điểm $A (0;4)$, $B (6;0)$, $C (3;2)$; O là gốc tọa độ.

1. Viết phương trình đường thẳng AB và tìm tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác OAB .
2. Chứng minh đường thẳng OC chia tam giác OAB thành hai phần có diện tích bằng nhau.
3. Tìm tọa độ điểm D thuộc trực hoành sao cho $S_{AOC} = 2S_{AOD}$.

Bài 3. (1,5 điểm).

1. Một mảnh vườn hình chữ nhật có chu vi $34m$. Nếu tăng chiều dài thêm $3m$ và tăng chiều rộng thêm $2m$ thì diện tích tăng thêm $45m^2$. Hãy tính chiều dài, chiều rộng của mảnh vườn.
2. Cho hình chữ nhật $ABCD$ có $AB = 2a$, $AD = a$, M và N lần lượt là trung điểm của AB và CD .

Tính $\cos \widehat{BAC} : \sin \widehat{ADM}$.

Bài 4. (1,5 điểm).

1. Giải phương trình $\sqrt{x^2 - 2x + 1} = \sqrt{x - 2}$.
2. Tìm m để đường thẳng $2x - 5y + 4 = 0$ vuông góc với đường thẳng $y = (m-1)x + 5$.

Bài 5. (3,0 điểm).

Cho điểm E thuộc nửa đường tròn tâm O, đường kính $MN = 2R$. Kẻ tiếp tuyến tại N của nửa đường tròn tâm O, tiếp tuyến này cắt đường thẳng ME tại D .

1. Chứng minh tam giác MEN vuông tại E và $DE \cdot DM = DN^2$.
2. Kẻ $OI \perp ME$ tại I. Chứng minh bốn điểm N, O, I, D cùng thuộc một đường tròn.
3. Đường tròn đường kính OD cắt nửa đường tròn tâm O tại điểm thứ hai là A, chứng minh DA là tiếp tuyến của nửa đường tròn tâm O.
4. Chứng minh $\widehat{DAM} + \widehat{MEA} = 180^\circ$.

Bài 6. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (6.1 hoặc 6.2).

1. Tìm tất cả các bộ ba số $(x;y;z)$ thỏa mãn

$$\sqrt{x-1} + \sqrt{y-2} + \sqrt{z-3} + 1 = 2\sqrt[4]{x+y+z-6}.$$

2. Giải hệ phương trình $\begin{cases} x^2 + 2y^2 = 3x + 8, \\ x^2 + 3y\sqrt{x+1} = 4x + 9. \end{cases}$

-----HẾT-----

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $A = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-2} - \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}+2} - \frac{2\sqrt{x}+7}{x-4} \right) : \left(\frac{3-\sqrt{x}}{\sqrt{x}-2} + 1 \right)$ với $x \geq 0; x \neq 4$.

- Rút gọn biểu thức A và tìm x để $A \geq -2$.
- Tính giá trị của A khi $x = 9 - 4\sqrt{5}$.
- Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức A .

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho bốn điểm $A (1;3)$, $B (2;5)$, $C (2;0)$, $D (4;-1)$; O là gốc tọa độ.

- Viết phương trình các đường thẳng AC và BD , chứng minh $AC \parallel BD$.
- Chứng minh các đường thẳng AB , CD và trực tung đồng quy tại điểm E .
- Viết phương trình đường thẳng d đi qua E và tạo với trực tung một góc 60° .

Bài 3. (2,0 điểm).

- Giải phương trình $\sqrt{9x-9} + \frac{1}{2}\sqrt{25x-25} = 4\sqrt{x-1} + 1$.

- Giải hệ phương trình $\begin{cases} x-y=2, \\ x^2+y^2=10. \end{cases}$

- Không dùng máy tính, hãy tính $P = \sin^2 35^\circ + \tan 17^\circ + \sin^2 55^\circ - \cot 73^\circ - \frac{\cot 47^\circ}{\tan 43^\circ}$.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho nửa đường tròn (O), đường kính AB và điểm C thuộc nửa đường tròn đó. Từ C kẻ CH vuông góc với AB tại H . Gọi M là hình chiếu vuông góc của H trên AC , N là hình chiếu vuông góc của H trên BC .

- Chứng minh $HMCN$ là hình chữ nhật.
- Chứng minh MN là tiệp tuyến của đường tròn đường kính BH .
- Chứng minh MN vuông góc với CO .
- Tìm vị trí điểm C trên nửa đường tròn đường kính AB để độ dài đoạn thẳng MN lớn nhất.

Bài 5. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).

- Giải hệ phương trình $\begin{cases} \sqrt{y^2-4x} + \sqrt{y^2+x} = (8x-y^2+5)\sqrt{x}, \\ 8x-3y+7 = \sqrt{5y-4} + \sqrt{11y+5}. \end{cases} \quad (x; y \in \mathbb{R})$

- Cho các số thực dương a, b, c thỏa mãn $a^2 + b^2 + c^2 = 2$. Tìm giá trị nhỏ nhất của

$$D = \frac{ab+bc+ca}{abc} - (a+b+c).$$

-----HẾT-----

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (1,5 điểm).

Cho biểu thức $P = \left(\frac{x\sqrt{x}-1}{x-\sqrt{x}} - \frac{x\sqrt{x}+1}{x+\sqrt{x}} \right) : \frac{2(x-\sqrt{x}+1)}{x-1}$ với $0 < x \neq 1$.

- Rút gọn biểu thức P và tìm x sao cho $P = \frac{\sqrt{x}-1}{3}$.

- Tìm điều kiện của x để P nhận giá trị âm.

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho ba điểm $A(3;1)$, $C(5;3)$, $B(8;0)$; O là gốc tọa độ.

- Chứng minh điểm C nằm trên đường tròn đường kính AB.
- Tìm m để đường thẳng $y = (m-5)x + 2$ vuông góc với đường thẳng AB.
- Tính độ dài chiều cao OH của tam giác OBC .

Bài 3. (1,5 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} mx - y = 1, \\ x + my = m + 6. \end{cases}$ (m là tham số).

- Giải hệ phương trình khi $m = 2$.
- Tìm m để hệ có nghiệm duy nhất $(x;y)$ thỏa mãn $3x - y = 1$.

Bài 4. (1,5 điểm).

- Giải phương trình $\sqrt{x} + \sqrt{3-x} = \sqrt{3}$.
- Cho góc nhọn x thỏa mãn $2\sin^2 x - 5\sin x + 2 = 0$. Tính $\sin x \cos x$.

Bài 5. (3,0 điểm).

Cho đường tròn $(O;R)$ đường kính AB . Vẽ hai tiếp tuyến Ax, By với (O) . Trên đường tròn (O) lấy điểm M sao cho $MA > MB$. Tiếp tuyến tại M của (O) cắt Ax tại C và cắt By tại D .

- Chứng minh $CD = AC + BD$ và $AC \cdot BD$ không đổi.
- Đường thẳng BC cắt (O) tại F . Gọi T là trung điểm của BF , vẽ tia OT cắt By tại E . Chứng minh EF là tiếp tuyến của đường tròn (O) .
- Qua điểm M vẽ đường thẳng song song với AC và cắt BC tại N . Trên đoạn thẳng AC lấy điểm K sao cho $4AK = 3AC$. Trên đoạn thẳng BD lấy điểm I sao cho $4BI = BD$. Chứng minh ba điểm K, N, I thẳng hàng.

Bài 6. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (6.1 hoặc 6.2).

- Giải hệ phương trình $\begin{cases} x^2 + y^2 + 1 = \sqrt[3]{2x^2 + x} + 2x, \\ 3x^2 - x + \frac{1}{2} = y\sqrt{x^2 + x}. \end{cases}$

- Cho các số thực dương x, y, z thỏa mãn $x + y + z = 1$. Chứng minh

$$\frac{1}{1-xy} + \frac{1}{1-yz} + \frac{1}{1-xz} \leq \frac{27}{8}.$$

HẾT

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $P = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{x-\sqrt{x}} \right) : \left(\frac{1}{\sqrt{x}+1} + \frac{2}{x-1} \right)$.

1. Tìm điều kiện xác định và rút gọn P .
2. Tìm các giá trị x để $P < 0$.
3. Tìm điều kiện của tham số m để tồn tại x thỏa mãn $P\sqrt{x} = m - \sqrt{x}$.

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho đường thẳng $d: y = (m^2 - m + 2)x + 2$, m là tham số, O là gốc tọa độ.

1. Chứng minh đường thẳng d luôn có hướng đi lên với mọi giá trị m .
2. Tìm m để đường thẳng d đi qua điểm $M(1;4)$.
3. Tìm m để d cắt đường thẳng $y = (m^2 - m)x + 2m + 4$ tại điểm N có hoành độ x thỏa mãn $1 < x < 4$.

Bài 3. (2,0 điểm).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} 6(x+2y)-(x-7y)=1, \\ 2(x-2y)-(2x-5y)=3. \end{cases}$
2. Cho góc nhọn x thỏa mãn $\tan x = 2$. Tính $M = \frac{3\sin x - 2\cos x}{\sin x + 5\cos x}$.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho đường tròn $(O;R)$ và một điểm H cố định nằm ngoài đường tròn. Qua H kẻ đường thẳng d vuông góc với đoạn thẳng OH . Từ một điểm S trên đường thẳng d kẻ hai tiếp tuyến SA, SB với đường tròn (O) (A và B là hai tiếp điểm). Gọi M, N lần lượt là giao điểm của đoạn thẳng SO với đoạn thẳng AB và đường tròn $(O;R)$.

1. Chứng minh bốn điểm S, A, O, B cùng nằm trên một đường tròn.
2. Chứng minh $OM \cdot OS = R^2$.
3. Chứng minh N là tâm đường tròn nội tiếp tam giác SAB .
4. Khi S di chuyển trên đường thẳng d thì điểm M di chuyển trên đường nào?

Bài 5. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} \frac{x^3}{x^2 + xy + 2y^2} + \sqrt{x^2 - xy + y^2} = \frac{17x + 3y}{16}, \\ \sqrt{3xy - 2} + \sqrt{x + y - 1} = 2. \end{cases}$
2. Cho ba số thực x, y, z thỏa mãn $0 < x < 1; 0 < y < 1; 0 < z < 1$ và $xyz = (1-x)(1-y)(1-z)$.
Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = x^2 + y^2 + z^2$.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO

ĐỀ KIỂM TRA CHẤT LƯỢNG HỌC KỲ I

THÁI BÌNH

[14]

MÔN THI: TOÁN 9

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian phát đề)

Bài 1. (1,5 điểm).

Cho biểu thức $A = \frac{x^2 - \sqrt{x}}{x + \sqrt{x} + 1} - \frac{2x + \sqrt{x}}{\sqrt{x}} + \frac{2(x-1)}{\sqrt{x}-1}$ với $x > 0; x \neq 1$.

- Rút gọn biểu thức A và tính giá trị của A khi $x = 6 - 2\sqrt{5}$.
- Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức A .

Bài 2. (2,0 điểm).

Cho đường thẳng $d: y = (m+2)x + n - 5$; m và n là tham số, O là gốc tọa độ.

- Tìm m và n để đường thẳng d đi qua hai điểm $A(1;3), B(2;8)$.
- Tìm m và n để đường thẳng d song song với đường thẳng $y = 6x + 9$.
- Khi $n = 6$, tìm m để đường thẳng d cắt đường thẳng $y = 2 - x$ tại điểm $C(x;y)$ sao cho biểu thức $T = x^4 + 4y + 10$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Bài 3. (1,5 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} 3x + 2y = a + 8, \\ 2x - y = 2a - 1. \end{cases}$ (a là tham số thực).

- Giải hệ phương trình với $a = -4$.
- Chứng minh rằng với mọi a hệ luôn có nghiệm duy nhất $(x;y)$ và điểm $M(x;y)$ luôn nằm trên một đường thẳng cố định.

Bài 4. (1,5 điểm).

- Giải phương trình $\sqrt{x^2 - x + 1} = 2x - 1$.
- Cho $\tan \alpha = 3$. Tính $P = \frac{\sin^3 \alpha - \cos^3 \alpha}{\sin^3 \alpha + 2\cos^3 \alpha}$.

Bài 5. (3,0 điểm).

Cho nửa đường tròn $(O;R)$ đường kính AB . Vẽ tiếp tuyến Bx của (O) . Trên cùng một nửa mặt phẳng bờ AB có chứa Bx , lấy điểm M thuộc (O) , M khác A và B sao cho $MA > MB$. Tia AM cắt Bx tại C , từ C kẻ tiếp tuyến thứ hai CD với (O) , D là tiếp điểm.

- Chứng minh OC vuông góc với BD và bốn điểm O, B, C, D cùng thuộc một đường tròn.
- Chứng minh $\widehat{CMD} = \widehat{CDA}$.
- Kẻ MH vuông góc với AB tại H . Tìm vị trí của M để chu vi tam giác OMH đạt giá trị lớn nhất.

Bài 6. (0,5 điểm). *Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (6.1 hoặc 6.2).*

- Giải phương trình $\sqrt{x} + \sqrt[4]{x(1-x)^2} + \sqrt[4]{(1-x)^3} = \sqrt{1-x} + \sqrt[4]{x^2(1-x)} + \sqrt[4]{x^3}$.
- Chứng minh với mọi số thực x ta có $\left(\frac{12}{5}\right)^x + \left(\frac{15}{4}\right)^x + \left(\frac{20}{3}\right)^x \geq 3^x + 4^x + 5^x$.

HẾT

Cần bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $E = \left(\frac{\sqrt{x}}{x\sqrt{x}-1} + \frac{1}{\sqrt{x}-1} \right) : \frac{\sqrt{x}+1}{x+\sqrt{x}+1}$.

1. Rút gọn biểu thức E .
2. Tính giá trị biểu thức E khi $x = \sqrt{4-\sqrt{7}} + \sqrt{4+\sqrt{7}}$.
3. So sánh \sqrt{E} và E khi $x > 1$.

Bài 2. (2,0 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} x - my = m + 2, \\ mx + 2y = 2m. \end{cases}$ (m là tham số).

1. Giải hệ phương trình với $m = 3$.
2. Chứng minh với mọi giá trị m , hệ luôn có nghiệm duy nhất $(x;y)$ thỏa mãn

$$(x-2)^2 + 2y(y+1) = 0.$$

Bài 3. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho hai đường thẳng $d_1 : y = 3x - m + 4$; $d_2 : y = x - 4m + 3$.

1. Tìm m để đường thẳng d_2 song song với đường thẳng $y = x - m^2 + 3$.
2. Tìm m để d_1 tạo với hai trục tọa độ một tam giác vuông có độ dài cạnh huyền bằng $\frac{4\sqrt{10}}{3}$.
3. Tìm m để hai đường thẳng đã cho cắt nhau tại một điểm nằm trên đường thẳng $y = 4x - 2$.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho đường tròn (O) và điểm M nằm ngoài đường tròn. Qua M kẻ các tiếp tuyến MA, MB tới đường tròn (O) với A, B là các tiếp điểm.

1. Chứng minh bốn điểm A, B, M, O cùng thuộc một đường tròn.
2. Kẻ đường kính AC của đường tròn (O) . Chứng minh $OM // CB$.
3. Vẽ BK vuông góc với AC tại K . Chứng minh $CK \cdot OM = OB \cdot CB$.
4. Tiếp tuyến tại C của đường tròn (O) cắt AB tại D . Chứng minh OD vuông góc với CM .

Bài 5. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).

1. Chứng minh $\frac{1}{2} + \frac{1}{3\sqrt{2}} + \frac{1}{4\sqrt{3}} + \dots + \frac{1}{(n+1)\sqrt{n}} < 2, \forall n \in \mathbb{N}^*$.

2. Cho ba số thực dương x, y, z thỏa mãn $x + y + z \leq 1$. Tìm giá trị nhỏ nhất của

$$F = \sqrt{2x^2 + \frac{1}{y^2}} + \sqrt{2y^2 + \frac{1}{z^2}} + \sqrt{2z^2 + \frac{1}{x^2}}.$$

HẾT

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO

ĐỀ KIỂM TRA CHẤT LƯỢNG HỌC KỲ I

THÁI BÌNH

[16]

MÔN THI: TOÁN 9

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian phát đề)

Bài 1. (1,5 điểm).

Cho biểu thức $Q = \frac{8\sqrt{x}+9}{x+\sqrt{x}-6} + \frac{\sqrt{x}+3}{2-\sqrt{x}} + \frac{2\sqrt{x}+2}{\sqrt{x}+3}$ với $x \geq 0; x \neq 4$.

- Rút gọn biểu thức Q và so sánh Q với 1,5.
- Tìm tất cả các giá trị m sao cho tồn tại x để $Q = m$.

Bài 2. (2,0 điểm).

Cho hàm số $f(x) = 2x - 1$.

- Chứng minh $f(\sqrt{2019}) > f(\sqrt[3]{2017})$ theo hai cách khác nhau.
- Vẽ đồ thị d của hàm số và tính diện tích tam giác tạo bởi d với hai trục tọa độ.
- Tìm giá trị của R để đường tròn $(O;R)$ tiếp xúc với đồ thị d .

Bài 3. (1,5 điểm).

- Giải hệ phương trình $\begin{cases} x - y = 1, \\ x^3 + y = 1. \end{cases}$

- Hai người thợ cùng làm một công việc trong 16 giờ thì xong. Nếu người thứ nhất làm trong 3 giờ, người thợ thứ hai làm trong 6 giờ thì họ làm được 25% khối lượng công việc. Hỏi mỗi người thợ làm một mình thì xong công việc đó trong bao lâu?

Bài 4. (1,5 điểm).

- Cho $\cot x = 2$, tính $M = \frac{\sin^2 x - \sin x \cos x}{\cos^2 x + 4 \sin x \cos x}$.
- Giải phương trình $\sqrt{x^2 - 3x + 4} + \sqrt{5} = \sqrt{9 + 4\sqrt{5}}$.

Bài 5. (3,0 điểm).

Cho đường tròn $(O;R)$, hai tiếp tuyến tại A và B của đường tròn cắt nhau tại M , đoạn thẳng MO cắt đường tròn tại I và cắt AB tại K .

- Chứng minh $4OK \cdot OM = AB^2$ và I là tâm đường tròn nội tiếp tam giác MAB .
- Gọi H là trực tâm tam giác MAB , tứ giác $AOBH$ là hình gì?
- Xác định độ dài đoạn thẳng MO sao cho $AOBH$ là hình vuông.

Bài 6. (0,5 điểm). *Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (6.1 hoặc 6.2).*

- Giải phương trình $\left(\sqrt{4x^4 - 12x^3 + 9x^2 + 16} - 2x^2 + 3x \right) \left(\sqrt{x+3} + \sqrt{x-1} \right) = 8$.
- Cho ba số thực a, b, c . Chứng minh bất đẳng thức

$$\sqrt{a^2 + (1-b)^2} + \sqrt{b^2 + (1-c)^2} + \sqrt{c^2 + (1-a)^2} \geq \frac{3\sqrt{2}}{2}.$$

HẾT

Cần bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $P = \frac{2\sqrt{x}-9}{x-5\sqrt{x}+6} - \frac{\sqrt{x}+3}{\sqrt{x}-2} - \frac{2\sqrt{x}+1}{3-\sqrt{x}}$.

1. Rút gọn biểu thức P .
2. Tính giá trị của P khi $x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$.
3. Tìm giá trị nhỏ nhất của $\frac{1}{P}$.

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ Oxy cho hai điểm $A(1;3), B(4;7)$; O là gốc tọa độ.

1. Viết phương trình đường thẳng d đi qua hai điểm A, B .
2. Viết phương trình đường thẳng Δ đi qua O và chia tam giác OAB thành hai phần có diện tích bằng nhau.
3. Tìm m để đường thẳng $y = 2x - 3m + 5$ và đoạn thẳng AB có điểm chung.

Bài 3. (2,0 điểm).

Cho hệ phương trình $\begin{cases} x+2y=m^2+2m+2, \\ 2x-my=4. \end{cases}$ (m là tham số).

1. Giải hệ với $m = 3$.
2. Với $m \neq -2$ chứng minh hệ có nghiệm duy nhất $(x;y)$ thỏa mãn $x - y + z^2 \geq 1$ với mọi số thực z .

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho nửa đường tròn tâm O đường kính $AB = 2R$ và một điểm M thuộc nửa đường tròn (M khác A và B). Kẻ tiếp tuyến Ax với đường tròn tại điểm A . Tia phân giác của góc \widehat{ABM} cắt (O) tại N và cắt tiếp tuyến Ax tại Q . Giao điểm của AM và BN là H , giao điểm của AN và BM là S .

1. Chứng minh tam giác ABS cân.
2. Chứng minh $SA \cdot SN = SB \cdot SM$ và $AN \cdot AS = AH \cdot AM$.
3. Chứng minh $AQSH$ là hình thoi.
4. Khi điểm M chuyển động trên nửa đường tròn, chứng minh SQ luôn tiếp xúc với một đường tròn cố định.

Bài 5. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} (x-4)\sqrt{y-3} + (y-1)\sqrt{x+2} = 7\sqrt{6}, \\ 12x\sqrt{y-4} + 4\sqrt{2} \cdot y\sqrt{x-2} = 5xy. \end{cases}$

2. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $Q = |x+2| + 2 \left| \frac{x^2-1}{3x} \right|$.

-----HẾT-----

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
THÁI BÌNH**

[18]

ĐỀ KIỂM TRA CHẤT LƯỢNG HỌC KỲ I

MÔN THI: TOÁN 9

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian phát đề)

Bài 1. (1,5 điểm).

Cho biểu thức $A = \left(\frac{x-y}{\sqrt{x}-\sqrt{y}} - \frac{x\sqrt{x}-y\sqrt{y}}{x-y} \right) : \frac{(\sqrt{x}-\sqrt{y})^2 + \sqrt{xy}}{\sqrt{x}+\sqrt{y}}$.

1. Rút gọn A và chứng minh A luôn nhận giá trị không âm.
2. So sánh A và \sqrt{A} .

Bài 2. (2,0 điểm).

Trong hệ tọa độ cho hai đường thẳng $d_1 : y = mx - m + 6$; $d_2 : y = 3x - 2m + 4$.

1. Tìm m để đường thẳng d_1 vuông góc với đường thẳng đi qua hai điểm $A(1;4)$, $B(2;5)$.
2. Tìm m để hai đường thẳng đã cho và đường thẳng $x = 6$ đồng quy.
3. Tính khoảng cách lớn nhất từ gốc tọa độ O đến đường thẳng d_1 .

Bài 3. (1,5 điểm).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} x^3 - y^3 = 0, \\ 3x + y = 4. \end{cases}$
2. Giải và biện luận hệ phương trình $\begin{cases} x - ay = 1, \\ ax + y = a + 2. \end{cases}$ theo tham số a .

Bài 4. (1,5 điểm).

1. Cho tam giác ABC nhọn, đường cao AH . M và N lần lượt là hình chiếu vuông góc của H trên AB và AC . Chứng minh $AH(\cot B + \cot C) = BC$.
2. Giải phương trình $x - \sqrt{x} + \sqrt{3 - 2\sqrt{2}} = \sqrt{2} - 1,25$.

Bài 5. (3,0 điểm).

Cho nửa đường tròn tâm O đường kính BC và điểm A chuyển động trên nửa đường tròn. Gọi H là hình chiếu của A trên BC . Nửa đường tròn tâm I đường kính BH cắt AB tại D , nửa đường tròn tâm K đường kính HC cắt AC tại E .

1. So sánh DE với AH và chứng minh $AB \cdot AD = AC \cdot AE$.
2. Chứng minh DE là tiếp tuyến chung của hai nửa đường tròn tâm I và K .
3. Gọi T là trung điểm của IK , chứng minh T là trung điểm của OH .
4. Tìm vị trí điểm A trên nửa đường tròn để tứ giác $DIKE$ có chu vi lớn nhất.

Bài 6. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (6.1 hoặc 6.2).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} x^3 + 2x^2 + x - 3 = y, \\ y^3 + 2y^2 + y - 3 = z, \\ z^3 + 2z^2 + z - 3 = x. \end{cases}$
2. Cho $x > 0, y > 0$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $A = (1+x)\left(1 + \frac{y}{x}\right)\left(1 + \frac{9}{\sqrt{y}}\right)^2$.

-----HẾT-----

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $A = \left(\sqrt{x} + \frac{y - \sqrt{xy}}{\sqrt{x} - \sqrt{y}} \right) \cdot \frac{x\sqrt{xy} + y\sqrt{xy}}{\sqrt{xy}(x-y)}$ với $x \geq 0; y \geq 0; x \neq y$.

1. Rút gọn biểu thức A .
2. Tính giá trị biểu thức A khi $x = 4 + 2\sqrt{3}; y = 4 - 2\sqrt{3}$.
3. Chứng minh $2A > \sqrt{x} + \sqrt{y}$.

Bài 2. (2,0 điểm).

1. Viết phương trình đường thẳng đi qua hai điểm $A(1;2), B(3;8)$.
2. Tìm điểm cố định $M(x;y)$ mà đường thẳng $d: y = (m-4)x + 2m - 7$ luôn luôn đi qua.
3. Chứng minh với mọi giá trị m thì hai đường thẳng $mx - y = 3; x + my = 9$ luôn cắt nhau tại điểm $N(x;y)$ và $N(x;y)$ nằm trên một đường thẳng cố định.

Bài 3. (2,0 điểm).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{2}{y} = 3, \\ 5x + y = 6xy. \end{cases}$
2. Tìm m để hệ phương trình $\begin{cases} x - y = 1, \\ x^2 - y + 2 = m. \end{cases}$ có nghiệm.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho tam giác ABC vuông tại A ($AB < AC$) nội tiếp đường tròn tâm O đường kính BC . Kẻ dây AD vuông góc với BC , E là giao điểm của DB và CA . Qua E kẻ đường thẳng vuông góc với BC cắt BC và AB lần lượt tại H và F , I là trung điểm của AB .

1. Chứng minh tam giác HF cân và AB là tia phân giác trong của \widehat{HAD} .
2. Chứng minh $AC \cdot CE = CB \cdot CH$ và ba điểm C, D, F thẳng hàng.
3. Chứng minh AH là tiếp tuyến của (O) và OI vuông góc với AB .

Bài 5. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).

1. Giải phương trình $x^4 + 6x^3 + 14x^2 + 12x = (x^3 + 2x + 8)\sqrt{x^2 + \frac{8}{x}}$.
2. Cho ba số thực dương a, b, c thỏa mãn $a + b + c = 1$. Chứng minh $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \geq \frac{21}{1 + 36abc}$.

HẾT-----

Cần bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:.....; Số báo danh:.....

Bài 1. (2,0 điểm).

Cho biểu thức $P = \left(\frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} + \frac{3x+3}{9-x} \right) \cdot \left(\frac{\sqrt{x}+7}{\sqrt{x}+1} + 1 \right)$ với $x \geq 0; x \neq 9$.

1. Rút gọn biểu thức P .
2. Tìm điều kiện của x để $P \geq -\frac{1}{2}$.
3. Tìm giá trị nhỏ nhất của P .

Bài 2. (2,0 điểm).

Cho đường thẳng d : $y = mx + n (m \neq 0)$.

1. Tìm m và n để đường thẳng d đi qua hai điểm $M(1;3), N(-4;6)$.
2. Tìm m và n để đường thẳng d song song với đường thẳng $y = 5x - 2n + 3$.
3. Tìm giá trị của m và n để đường thẳng d đi qua điểm $K(1;2)$ và cắt hai trục tọa độ Ox, Oy lần lượt tại A, B sao cho biểu thức $\frac{1}{OA^2} + \frac{1}{OB^2}$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Bài 3. (2,0 điểm).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} (x-2y)(x^2+y^2+2)=0, \\ x^2-5y^2+y=0. \end{cases}$

2. Tính $S = 3\sin^2 43^\circ - \tan 38^\circ + 3\cos^2 47^\circ + \cot 52^\circ - \frac{\tan 28^\circ}{\cot 62^\circ}$.

Bài 4. (3,5 điểm).

Cho đường tròn (O) đường kính $AB = 2R$. Qua A và B lần lượt kẻ hai tiếp tuyến d và d' với đường tròn. Từ một điểm M trên đường thẳng d vẽ tia MO cắt đường thẳng d' tại P . Từ O vẽ một tia vuông góc với MP và cắt đường thẳng d' ở D .

1. Chứng minh O là trung điểm của MP và tam giác MDP cân.
2. Hạ OI vuông góc MD tại I , chứng minh I thuộc (O) và DM là tiếp tuyến của (O).
3. Chứng minh tích $AM \cdot BD$ không phụ thuộc vị trí của điểm M .
4. Tính diện tích tứ giác $AMDB$ theo R khi $MO = 2R$.

Bài 5. (0,5 điểm). Thí sinh chỉ được lựa chọn một trong hai ý (5.1 hoặc 5.2).

1. Giải hệ phương trình $\begin{cases} x^3 - x^2 + x - xy = y^3 + y^2 + y + 1, \\ x^3 - 9y^2 + 6x - 18y - 15 = 3\sqrt[3]{6x^2 + 2}. \end{cases}$
2. Tìm tất cả các bộ số nguyên $(x;y)$ thỏa mãn $2018x - y + 1 = \frac{x^2 - x + 1}{x^2 + x + 1}$.

----- HẾT -----